

(1) $2e^x$

(2) $-e^{-x}$

(3) $\frac{4}{3}e^{\frac{2x}{3}}$

(4) $e^2 - e^x$

(5) $\frac{1}{2\sqrt{x}}e^{\sqrt{x}}$

(6) $\pi x^{\pi-1}$

(7) $-\sqrt{2}x^{-\sqrt{2}-1}$

(8) $\frac{2x}{x^2} = \frac{2}{x}$

(9) $\frac{-\frac{1}{x^2}}{\frac{1}{x}} = -\frac{1}{x}$

(10) $\frac{1}{x+2}$

(11) $\frac{\sin x}{2 - \cos x}$

(12) $\frac{1}{x \ln x}$

(13) $\frac{1}{0.1}e^{0.1x} + C$

(14) $\frac{x^2}{2} + \ln|x| + C$

(15) $\frac{2}{3} \ln|3x+1| + C$

(16) $e^{x^2+x+4} + C$

(17) $\ln|e^x+1| + C$

(18) $\frac{1}{0.5}e^{0.5x} - 0.5\ln|x| + C$

(19) لتكن $A(a, e^a)$ نقطة على منحنى $y = e^x$ حيث المشتقة $y' = e^x$

فيكون ميل المماس على المنحنى عند النقطة A هو e^a

معادلة المماس هي: $y = e^a + e^a(x - a)$ أي $y = xe^a + e^a(1 - a)$

كي يمر هذا المماس عبر نقطة الأصل $(0, 0)$ نجد أن $e^a(1 - a) = 0$ ونحصل على $a = 1$ إذاً يجب أن تكون

النقطة $A(1, e)$ والمعادلة $y = ex$

(20) لتكن $B(b, e^b)$ نقطة على منحنى $y = e^x$ حيث المشتقة $y' = e^x$

فيكون ميل المماس عند النقطة B هو e^b

ميل الخط العمودي في هذه النقطة هو m على شرط $m \times e^b = -1$ أي أن $m = -e^{-b}$ ومعادلة الخط العمودي

هي: $y = -e^{-b}x + e^{-b}(b + 1)$

كي يمر هذا المستقيم عبر نقطة الأصل $(0, 0)$ نجد أن $b = -1$ إذاً النقطة $B(-1, e^{-1})$ والمعادلة هي

$y = -ex$