

من امتحانات شهادة الثانوية العامة

أولاً :

ف 10 / 09

① أوجد النهاية

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left(\frac{1}{2-x} - \frac{4}{4-x^2} \right)$$

ف 09 / 08

② في إحدى الدراسات على عيون القطط وجد أن قطر البؤبؤ $f(x)$ للقط يتناسب عكساً مع شدة الإضاءة التي تسقط على عينيه وفق العلاقة $f(x) = \frac{160x^{-0.04} + 90}{4x^{-0.04} + 15}$ أوجد نهاية قطر البؤبؤ عندما تسعى شدة الإضاءة إلى الصفر

ف 08 / 07

③ أوجد النهاية إن وجدت مفسراً إجابتك

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} (|x-2| + [x]) =$$

ف 08 / 07

④ اشرح لماذا لا يمكنك التعويض لتحديد النهاية . ثم أوجد النهاية إن وجدت $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x([x] + 3)}{x^2 + x} =$

ف 08 / 07

⑤ اشرح لماذا لا يمكنك التعويض لتحديد النهاية . ثم أوجد النهاية إن وجدت $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|x - 2|}{x^2 - 4} =$

ف 11 / 10

⑥ إذا كان $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{|x+1|-2}{x^2-1} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x}{\sin kx}$ أوجد قيمة k

٩ إذا كان $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{f(x) - 3}{x - 2} = 1$ أوجد مستخدماً خواص النهايات $\lim_{x \rightarrow 5} f(x)$ 12/11

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 8x \cos 3x}{\sin 2x}$$

١١/10
٩ أوجد النهاية إن وجدت مفسراً إجابتك

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left(\frac{\sin x}{|x|} - 2[x] \right)$$

١٠/٠٩
٩ أوجد النهاية إن وجدت مفسراً إجابتك

ثانياً :

أوجد كلاً مما يلي:

08 / 07 ف
① $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - 1}{\sqrt{x + 3} - 2}$
10 / 09 غ

09 / 08 ف
② $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{\sqrt{x + 2} - 3}{x - 7}$

08 / 07 ف
③ $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x^2 + 3x + 2}$

ع 10 / 09

④ $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 3x}{(x-1) - \sqrt{x+1}}$

ثالثاً :

ف 08 / 07

① باستخدام نظرية الاحاطة أوجد :

$\lim_{x \rightarrow 0^+} \sqrt{x} \cos \frac{1}{x^2}$

ع 08 / 07

② اشرح هل يمكن تطبيق نهاية حاصل ضرب دالتين في إيجاد كلاً من : $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin x$, $\lim_{x \rightarrow 0} x^2 \sin \frac{1}{x}$

ثم أوجد قيمة كل من النهايتين بخطوات تحليلية

٣ إذا كانت $f(x) = 3 + x^2 \sin \frac{1}{x}$ استخدم نظرية الإحاطة في إيجاد : $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ 09 / 08

٤ إذا كانت $|g(x) + 4| < 2(3 - x)^4$ صحيحة لجميع قيم x أوجد $\lim_{x \rightarrow 3} g(x)$ 12/11

٥ إذا كانت $f(x) = \frac{x \sin x}{1 - \cos x}$ حيث $2 - x^2 < f(x) < 2 + x^2 + x^3$ صحيحة في فترة حول الصفر
أوجد $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ بالطريقتين التاليتين :
باستخدام نظرية الإحاطة . 09 / 08

بتطبيق $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$ (إرشاد بسط الدالة $f(x)$)

10/09

⑥ إذا كانت $x^2 + 2x - 3 < (x-1)f(x) < (x^2+1)(x^2-1)$ حيث $x \neq 1$ في الفترة $[-3, 3]$ أوجد $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$

⑦ إذا كانت $(x^2 + 2x) < f(x) \leq (\sin x + x)$ حيث $x \neq 0$ في الفترة $[-\pi, \pi]$ أوجد $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x}$

⑧ إذا علمت أن $x^2 + 3 \leq \frac{4f(x) - 1}{x + 3} \leq \frac{\sin 8x + x \cos x}{2x + \sin x}$ حول العدد (0) أوجد $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$