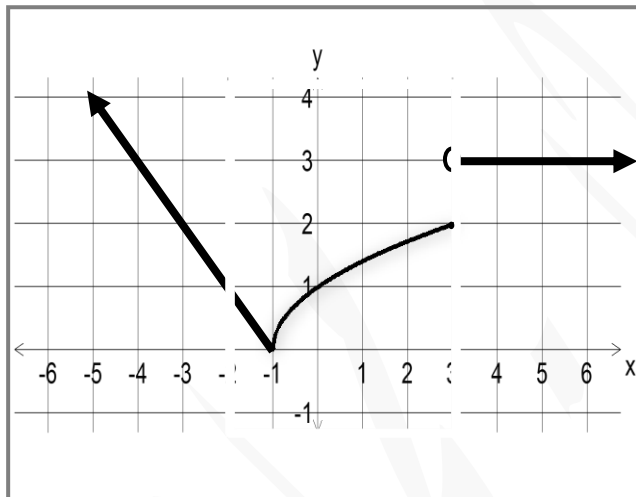




الفصل الدراسي الأول - العام الدراسي 2015-2016 م

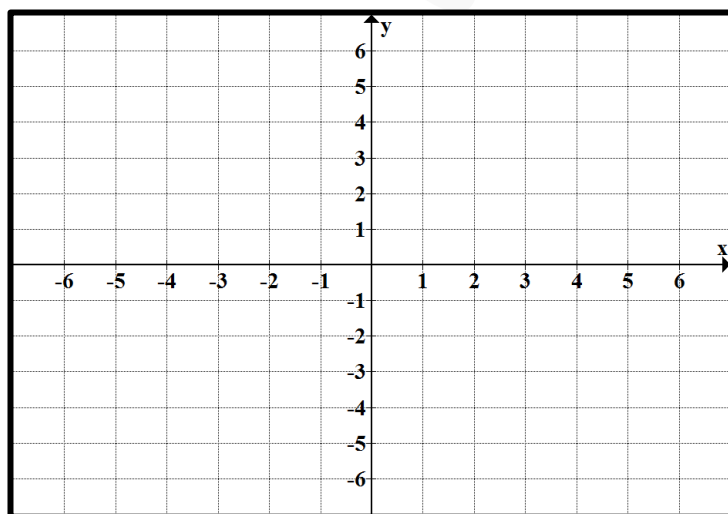
(1) اعتماداً على الشكل المجاور الذي يمثل بيان الدالة f أكمل كلاً مما يلي بما يناسب لتحصل على عبارة صحيحة في كل منها :



- 1) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$
- 2) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$
- 3) $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$
- 4) $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = 1 \rightarrow c = \underline{\hspace{2cm}}$
- 5) $\lim_{x \rightarrow -4} (f(x) - x + 5) = \underline{\hspace{2cm}}$

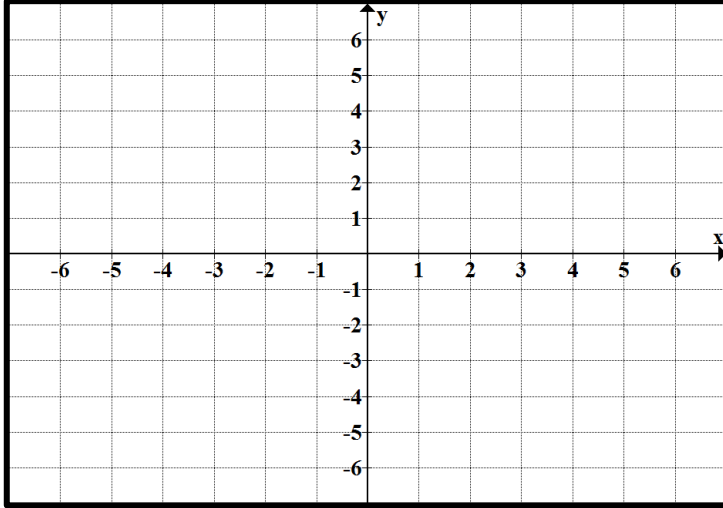
(6) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير x من $x_1 = -1$ الى $x_2 = 3$ يساوي $\underline{\hspace{2cm}}$

(2) ارسم بيان الدالة $f(x) = \begin{cases} 2-x & , & x \geq 2 \\ x+1 & , & x < 2 \end{cases}$

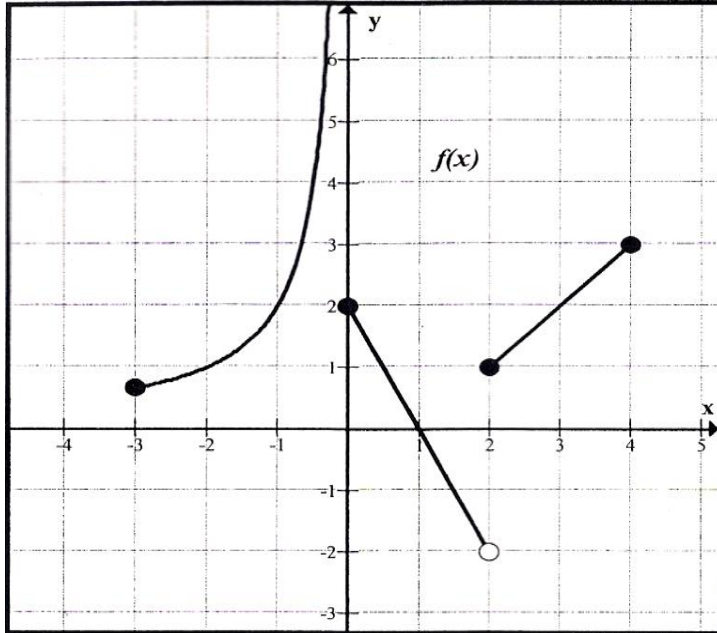


(3) ارسم بيان الدالة التالية :-

$$f(x) = \begin{cases} x-2 & , \quad x \geq 2 \\ 2x-3 & , \quad x < 2 \end{cases}$$



(4) من خلال الرسم المقابل الذي يمثل بيان الدالة $f(x)$ أكمل الفراغات الآتية بما يناسبها من عبارات :-



1) $\lim_{x \rightarrow -2} (f(x) - 3x) = \underline{\hspace{2cm}}$

2) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

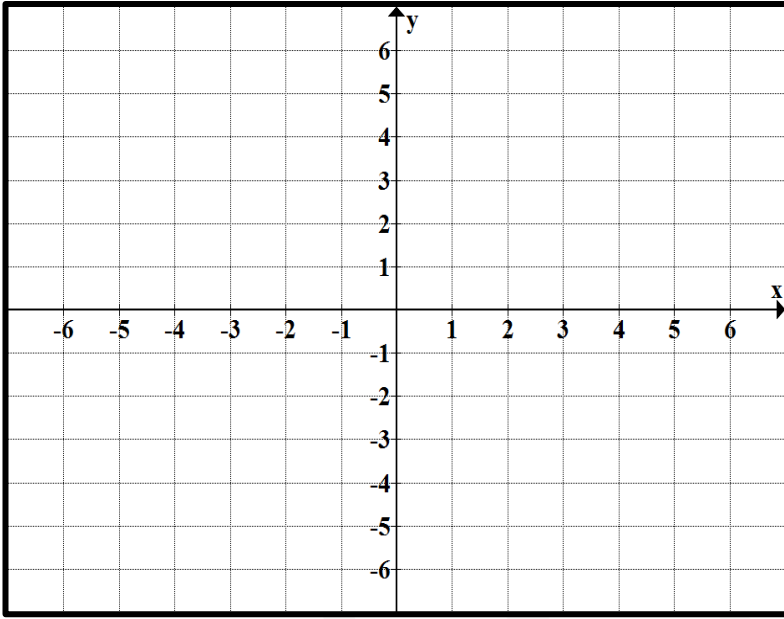
3) $\lim_{x \rightarrow 0^+} (f(x) - 4) = \underline{\hspace{2cm}}$

4) $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = 2 \rightarrow \rightarrow c = \{ \underline{\hspace{1cm}} \}$

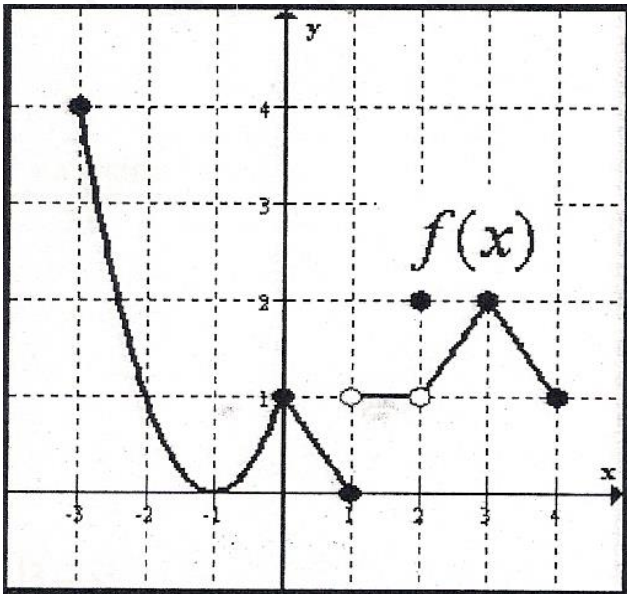
5) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) - \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

(6) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير x من $x_1 = 2$ الي $x_2 = 4$ يساوي $\underline{\hspace{2cm}}$

(5) إرسم بيان الدالة التالية : $f(x) = \begin{cases} x + 2 & , \quad x \geq 0 \\ 2x - 3 & , \quad x < 0 \end{cases}$



(6) من خلال الرسم المقابل الذي يمثل بيان الدالة $f(x)$ أكمل الفراغات الآتية بما يناسبها من عبارات :-



1) $\lim_{x \rightarrow -2} (f(x) - 3x) = \underline{\hspace{2cm}}$

2) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

3) $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) - 4) = \underline{\hspace{2cm}}$

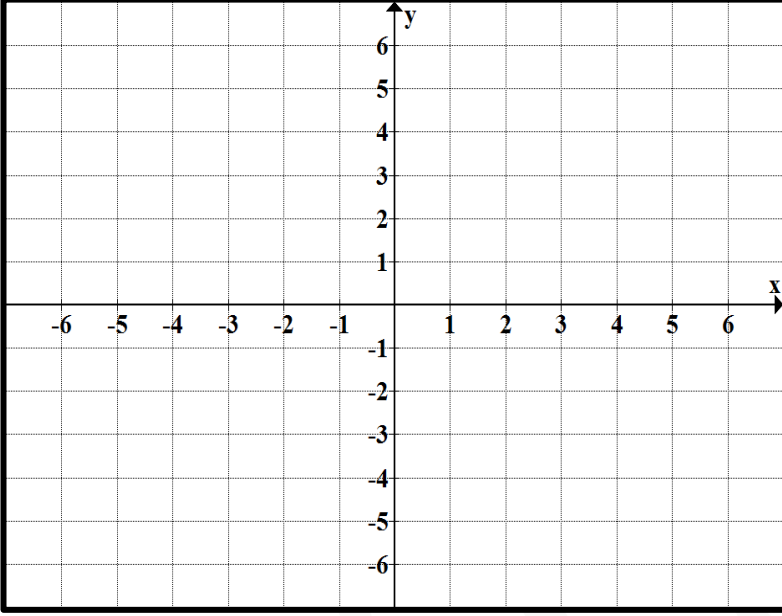
4) $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = 0 \rightarrow c = \underline{\hspace{2cm}}$

5) $\lim_{x \rightarrow -3^+} (f(x) - f(1)) = \underline{\hspace{2cm}}$

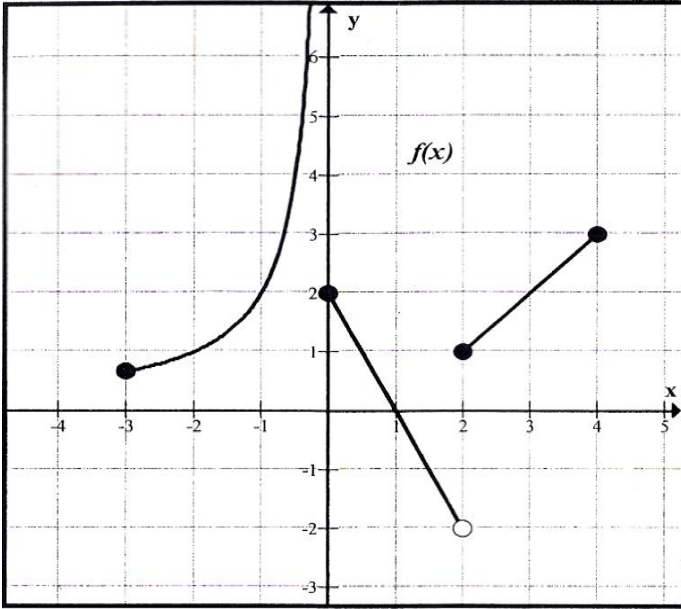
(6) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير x من $x_1 = -2$ الي $x_2 = 0$ يساوي _____

(7) ارسم بيان الدالة التالية :-

$$f(x) = \begin{cases} x-2 & , \quad x \geq 2 \\ 2x-3 & , \quad x < 2 \end{cases}$$



(8) من خلال الرسم المقابل الذي يمثل بيان $f(x)$ أكمل الفراغات الآتية بما يناسبها من عبارات صحيحة :-



1) $\lim_{x \rightarrow -2} (f(x) - 3x + 1) = \underline{\hspace{2cm}}$

2) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

3) $\lim_{x \rightarrow 0^+} (f(x) - 4 \frac{x+3}{4-x}) = \underline{\hspace{2cm}}$

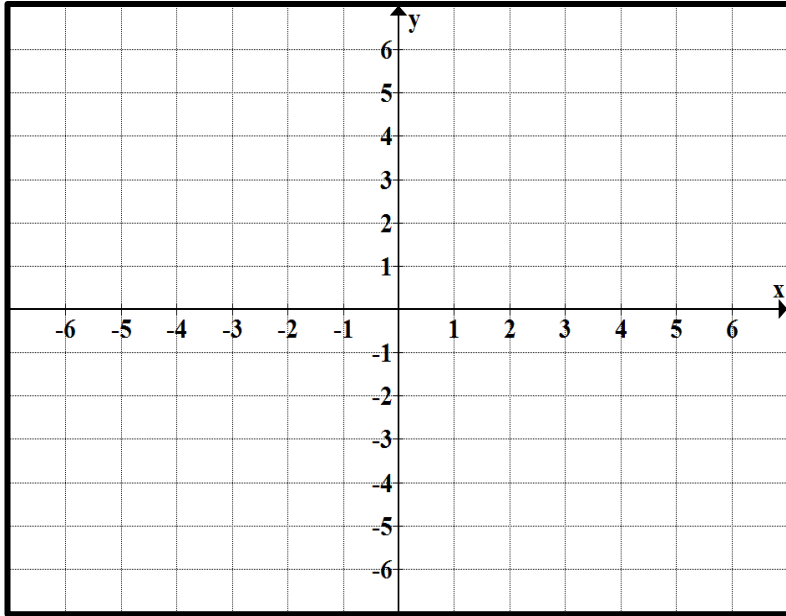
4) $\lim_{x \rightarrow c} f(x) = 2 \rightarrow \rightarrow c = \{ \underline{\hspace{1cm}} \}$

5) $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) - \lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \underline{\hspace{2cm}}$

(6) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير x من $x_1 = 2$ الي $x_2 = 4$ يساوي _____

$$g(x) = \begin{cases} x-1 & , \quad x \geq -1 \\ 2x+3 & , \quad x < -1 \end{cases}$$

(9) ارسم بيان الدالة



$$\lim_{x \rightarrow -2} f(x) \quad \text{فاوجد} \quad f(x) = \begin{cases} x^2 - x + 1 & , \quad x \geq -2 \\ 3 - 2x & , \quad x < -2 \end{cases} \quad \text{اذا كانت الدالة} \quad (10)$$

$$\lim_{x \rightarrow -3} f(x) \quad \text{فاوجد} \quad f(x) = \begin{cases} x^2 - x - 3 & , \quad x \geq -3 \\ 3 - 2x & , \quad x < -3 \end{cases} \quad \text{اذا كانت الدالة} \quad (11)$$

(12) إذا كانت الدالة

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 3x + 9 & , \quad x \geq -3 \\ 9 - 6x & , \quad x < -3 \end{cases}$$

فاوجد

1) $\lim_{x \rightarrow -3} f(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$

3) $\lim_{x \rightarrow -4} f(x)$

(13) إذا كانت

$$g(x) = \begin{cases} 3x + 2 & , \quad x < 2 \\ x^2 + 4 & , \quad x \geq 2 \end{cases}$$

فاوجد :-

1) $\lim_{x \rightarrow 2} g(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow 3} g(x)$

(14) إذا كانت $g(x) = \begin{cases} 2x + 3 & , \quad x < -1 \\ x + 5 & , \quad x \geq -1 \end{cases}$ فأوجد :

1) $\lim_{x \rightarrow -1} g(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$

2) $\lim_{x \rightarrow -3} g(x)$

(15) إذا كانت $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 5$ ، $\lim_{x \rightarrow -1} g(x) = -10$

فأوجد كلاً مما يلي :

1) $\lim_{x \rightarrow -1} \left(\frac{f(x)}{g(x)} - \frac{5}{2} x \right)$

2) $\lim_{x \rightarrow -1} (3xf(x) - g(x))$

(16) - إذا كانت $\lim_{x \rightarrow -1} g(x) = -5$ ، $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 3$ ،

1) $\lim_{x \rightarrow -1} (f(x) + g(x)) =$ _____ فأوجد كلاً مما يلي :

2) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{g(x)}{f(x) - 2x} =$ _____

(17) إذا كانت $\lim_{x \rightarrow 1} g(x) = 3$ أوجد $\lim_{x \rightarrow 1} \left(\frac{3x^2}{g(x)} + 2 \right)$

(18) أوجد النهايات الآتية :-

1) $\lim_{x \rightarrow -4} \left(\frac{9}{x^2} + 2x + \frac{7}{16} \right)$

2) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + x - 6}{3x - 7}$

3) $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 9x + 14}{49 - x^2}$

(19) أوجد النهايات الآتية :-

$$1) \lim_{x \rightarrow -3} \left(\frac{3}{x} + 5 \right) = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{3x + 2} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x + 2} = \underline{\hspace{2cm}}$$

(20) أوجد كلاً مما يأتي :

$$1) \lim_{x \rightarrow 5} \left(9 - \frac{10}{x} \right)$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - 2}{7x - 14}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + x - 6}{x + 3}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 16}{x - 4}$$

(21) أوجد النهايات الآتية:-

$$1) \lim_{x \rightarrow -4} \left(\frac{4}{x} + 2x + 5 \right)$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - 5x + 6}{3x + 5}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 - 25}$$

(22) أوجد النهايات الآتية:-

$$1) \lim_{x \rightarrow -4} \left(\frac{9}{x^2} + 2x - \frac{7}{16} \right)$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 + x - 6}{3x - 7}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 9x + 14}{49 - x^2}$$

(23) أوجد النهايات الآتية:-

$$1) \lim_{x \rightarrow -3} \left(\frac{3}{x} + 2x^2 - 9 \right)$$

$$2) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 3x - 10}{5x - 1}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 - 6x + 8}{x^2 - 16}$$

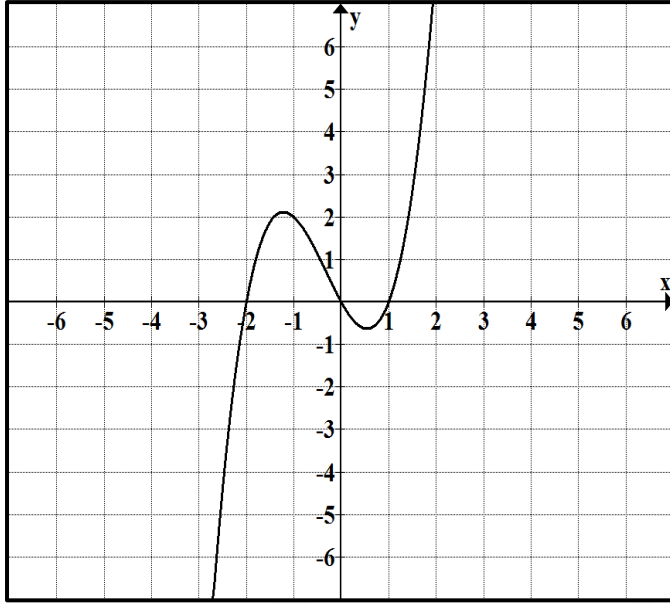
(24) إذ كانت $y = f(x) = 4 - x^2$ و تغيرت x من $x_1 = -1$ إلى $x_2 = 3$ فاوجد $\frac{\Delta y}{\Delta x}$

(متوسط تغير الدالة f)

(25) شركة لإنتاج أجهزة الكمبيوتر أرباحها السنوية تعتمد على ما تبيعه من أجهزة، فإذا كانت دالة الربح هي $r(x) = 400x - 0.5x^2$ ، حيث x عدد الأجهزة المباعة $0 \leq x \leq 500$

$r(x)$ الأرباح بالدراهم . أوجد متوسط التغير في الربح عندما تتغير x من $x_1 = 300$ إلى $x_2 = 100$

26 (من خلال الشكل المقابل الذي يمثل الدالة $f(x)$ أوجد كل من الآتي :-



أ) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير

$$x \text{ من } x_1 = -1 \text{ إلى } x_2 = 1$$

ب) متوسط تغير الدالة f عندما تتغير

$$x \text{ من } x_1 = 0 \text{ إلى } x_2 = -2$$

27 (إذا كانت دالة التكلفة لمنتج كهربائي هي $c(x) = 100x - 0.1x^2$ حيث $0 \leq x \leq 200$

x يمثل عدد الاجهزة ، $c(x)$ بالدرهم .

احسب متوسط التغير في التكلفة عندما تتغير x من $x_1 = 100$ إلى $x_2 = 150$

28 (تتقاضى شركة لتأجير السيارات بدل استئجار نوع معين من السيارات وفق الدالة

$$g(x) = \begin{cases} 100 & : x \leq 50 \\ 2x + 20 & : x > 50 \end{cases}$$

حيث $g(x)$ بالدرهم ، x المسافة التي تقطعها السيارة بالكيلومتر ، احسب متوسط التغير فيما يدفعه المستأجر

عندما تتغير المسافة المقطوعة من $x_1 = 40$ إلى $x_2 = 100$

(29) إذا كانت $f(x) = 3x + 5$ فأوجد $f'(2)$ باستخدام تعريف المشتقة .

(30) إذا كانت $g(x) = 3 - 2x$ فأوجد $\frac{dy}{dx} \big|_{x=1}$ باستخدام تعريف المشتقة .

(31) إذا كانت $y = f(x) = 3 + 2x^2$ فأوجد باستخدام تعريف المشتقة معدل التغير عند $x = -2$

(32) اذ كان دالة الازاحة هي $s(t) = 2t^3 - 3t^2 + 12t - 10$ فاوجد معدل تغير الازاحة عند اللحظة $t = 2\text{sec}$ حيث تقاس الازاحة بالمتري .

(33) : أوجد $\frac{dy}{dx}$ في كل مما يأتي

1) $y = 2x^3 - 3x + 6$

2) $y = x^2 + 2x + 1$

3) $y = \frac{3}{2}x^{-2} + \frac{4}{x} + 9$

4) $y = \sqrt{3}x^4 - 3x^{-3} + \pi$

(33) : أوجد $\frac{dy}{dx}$ في كل مما يأتي

1) $y = 3x(x^2 - 3x)$

2) $y = (2x + 5)(x^2 - 1)$

3) $y = (5x + 1)(3 - 2x^2)$

(34) : أوجد $\frac{dy}{dx}$ في كل مما يأتي

1) $y = \frac{4}{2x + 1}$

2) $y = \frac{x + 1}{3x - 5}$

3) $y = \frac{3x}{x^2 - 4}$

4) $y = \frac{x^2 - 6}{4 - 2x}$

(35): بفرض أن الدالتين f و g ومشتقاتهما لهما القيم التالية عند $x=2$

كما هو موضح في الجدول التالي :

$f(2)$	$f'(2)$	$g(2)$	$g'(2)$
5	4	-4	-3

أوجد قيم المشتقات بالنسبة لـ x عند قيمة $x=2$ المعطاة للدوال الآتية :

1) $f(x) + g(x) =$

2) $f(x) \times g(x) =$

3) $\frac{f(x)}{g(x)} =$

(36) قذف جسيم رأسياً لأعلى فتحرك حسب العلاقة $s(t) = 60t - 5t^2$ حيث t بالثواني و s بالأمتار

أوجد معدل التغير في الإزاحة عند اللحظة $t = 2\text{sec}$

تمنياتى لجميع الطلبة بالنجاح