



أولاً (اذ كانت المصفوفات الآتية)

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$$

فأوجد كلا مما يأتي ان امكن مع ذكر السبب اذا كانت العملية غير ممكنة .

1) $a_{12} + b_{22} - 2c_{32} =$ _____

2) $2C - B =$ _____

3) $2A + B =$. _____

4) $A^2 =$ _____

5) $A \times C =$ _____

6) $B^{-1} =$ _____

1) $2x - \begin{pmatrix} 1 & 2 & 6 \\ -1 & 3 & 0 \\ 0 & -3 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 8 \\ 9 & 1 & -4 \\ 4 & 3 & 11 \end{pmatrix}$

ثانياً (حل المعادلات المصفوفية الآتية :-)

$$2) \quad 3X - \begin{pmatrix} 8 & -4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$3) \quad \begin{pmatrix} 4 & 2 & -3 \\ 1 & 0 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 7 & 7 \\ 1 & 5 & -8 \end{pmatrix} - 5X$$

ثالثا (اوجد قيمة كل من X , Y , Z من خلال المعادلات الاتية :-

$$1) \quad \begin{pmatrix} 2^2 & \sqrt{y} & 1 \\ 5 & 1 & 0 \\ x^2 & -3 & 7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 1 \\ 5 & |z| & 0 \\ 9 & -3 & 7 \end{pmatrix}$$

$$2) \quad \begin{pmatrix} x^2 & 3y \\ 4 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2x & -3 \\ 4 & y+z^3 \end{pmatrix}$$

رابعاً (أثبت ان المصفوفة $C = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}$ هي معكوس المصفوفة $B = \begin{bmatrix} 8 & -5 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}$

15	ض	1	أ
16	ط	2	ب
17	ظ	3	ت
18	ع	4	ث
19	غ	5	ج
20	ف	6	ح
21	ق	7	خ
22	ك	8	د
23	ل	9	ذ
24	م	10	ر
25	ن	11	ز
26	هـ	12	س
27	و	13	ش
28	ي	14	ص

خامساً (اذا كانت مصفوفة التشفير $A = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$

فأوجد الكلمة المشفرة $\begin{bmatrix} 138 \\ 90 \end{bmatrix}$ ، $\begin{bmatrix} 86 \\ 63 \end{bmatrix}$ ، $\begin{bmatrix} 94 \\ 70 \end{bmatrix}$ مستعينا بالجدول المرفق

خامساً (1) اذا كانت $C = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ فأوجد : $C^{-1} =$

ثم استخدم C^{-1} في فك شفرة الرسالة $\begin{bmatrix} 101 \\ 51 \end{bmatrix}$ ، $\begin{bmatrix} 26 \\ 16 \end{bmatrix}$

ج	خ	ح	ن	ت	أ
5	7	6	25	3	1

سادسا (1) لتكن مصفوفة التشفير $E = \begin{pmatrix} 10 & 4 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ شفر كلمة (شح) مستعينا بالجدول المرفق

ب	ح	خ	ر	ز	س	ش	ص	ق
2	6	7	10	11	12	13	14	21

ثم أوجد الكلمة المشفرة $\begin{bmatrix} 164 \\ 34 \end{bmatrix}$

(2) أكمل العبارات الآتية بما يناسبها :-

(1) إذا كانت المصفوفة A من الرتبة 2×4 و المصفوفة B من الرتبة 4×2 فإن حاصل ضرب $B \times A$ من الرتبة و عدد عناصر $A \times B$ يساوي

(2) إذا كانت $A = \begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 6 & x \end{pmatrix}$ مصفوفة ليس لها معكوس فإن قيمة $x =$

(3) إذا كانت $\frac{1}{3}M = \begin{bmatrix} 2 \\ 5 \end{bmatrix}$ فإن قيمة $M =$

(4) إذا كانت $A = \begin{pmatrix} \sin x & \cos x \\ -\cos x & \sin x \end{pmatrix}$ فإن محدد المصفوفة A يساوي

(5) إذا كانت $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ، فإن حاصل ضرب $A \times B =$

(6) إذا كانت المصفوفة A من الرتبة 1×3 و المصفوفة B من الرتبة 3×1 فإن عدد عناصر $B \times A$ يساوي و رتبة حاصل ضرب $A \times B$ هي

(7) إذا كانت $A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 6 & 2y \end{pmatrix}$ مصفوفة لا يمكن استخدامها في تشفير الرسائل فإن قيمة $y =$

(8) إذا كانت $-M = \begin{bmatrix} -3 \\ -7 \end{bmatrix}$ فإن قيمة $M =$

(9) إذا كانت $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ ، فإن حاصل ضرب $B \times A =$

(10) إذا كانت I هي مصفوفة الوحدة من الرتبة 3×3 فإن $I =$

سابقاً) 1) استخدم ضرب المصفوفات و تساوي المصفوفات لإيجاد قيمة x, y :-

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} x & 3 \\ -3 & 2y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & -3 \\ -6 & 6 \end{pmatrix}$$

2) استخدم جمع المصفوفات و تساوي المصفوفات لإيجاد قيمة x, y :-

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x & 3 \\ -3 & 2y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 3 \\ -3 & 6 \end{pmatrix}$$

3) بين الجدول أعداد المصانع في المملكة العربية السعودية في قطاع صناعة الورق و صناعة المنسوجات نظم البيانات في الجدول على صورة مصفوفة B تكون الصفوف هي المناطق و الصناعات هي الأعمدة .

المنطقة	صناعة المنسوجات	صناعة الورق ومنتجاته
مكة المكرمة	28	45
الرياض	29	49
الشرقية	14	37

ماذا يمثل $b_{31} + b_{32}$ ؟

ثامنا) أوجد مجموعه حل المعادلات و المتباينات الاتية :-

1) $|x - 2| = 5$

2) $|2x - 3| = |x - 1|$

3) $|x + 1| < 6$

4) $|x - 3| \geq 7$

تاسعا (عين مجال الدوال الاتية :-

$$1) f(x) = \frac{\sqrt{x-1}}{|x-5|}$$

$$2) g(x) = (x^3 - 1) + \sqrt{x-2}$$

$$3) f(x) = \frac{x+3}{\sqrt{x-2}}$$

$$4) f(x) = \frac{|x|+3}{x^2+1}$$

$$5) g(x) = \frac{\sqrt{x^2+1}}{|x|+5}$$

عاشرا (حل المعادلات الآتية :-

1) $x^4 - 7x^3 = -6x^2$

2) $x^3 - 5x^2 + 6x = 0$

x	-1	0	1	2	3
y	3	0	-1	0	3

حادي عشر (اعتمادا على البيانات الموضحة بالجدول المقابل
هل البيانات الموضحة بالجدول تعبر عن دالة خطية ام تربيعية
(فسر ذلك)

أكتب معادلة تمثل البيانات الموجودة بالجدول . ثم أوجد قيمة x التي تبلغ الدالة عندها اصغر قيمة

ثاني عشر (1) ارسم بيان القطع المكافئ $y - 3 = -\frac{1}{2}(x - 1)^2$ ثم :

1 (أوجد نقطة رأس القطع

.....

2) أكتب معادلة محور القطع

.....

3) حدد اتجاه فتحة القطع

.....

4) هل المنحنى يمثل دالة زوجية ام

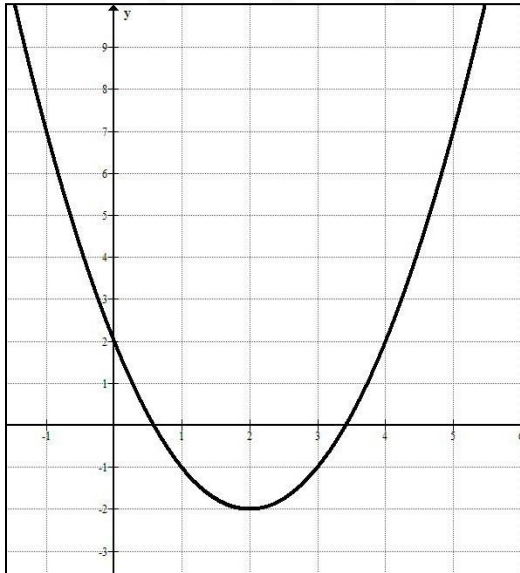
فردية ام غير ذلك ؟

.....

5) القيمة العظمى تساوي و تحصل

عند قيمة $x =$

2) باستخدام الشكل المقابل أوجد معادلة القطع المكافئ بدلالة احداثيات الرأس ثم عين معكوس الدالة الناتجة جبريا :



ثالث عشر (1) أكتب معادلة القطع المكافئ الذي رأسه (1 , 2) و المقطع الصادي للمنحني 4 بدلالة احداثيات الرأس

2) قطع مكافئ معادلة محور تماثله $x = 2$ و له قيمة عظمي تساوي 3 و يمر بالنقطة (0 , - 1) أكتب معادلته بدلالة احداثيات الرأس .

3) بين اي من الدوال الاتية زوجية - فردية - ليس زوجية او فردية :-

1) $y = x^3 + \frac{1}{x}$

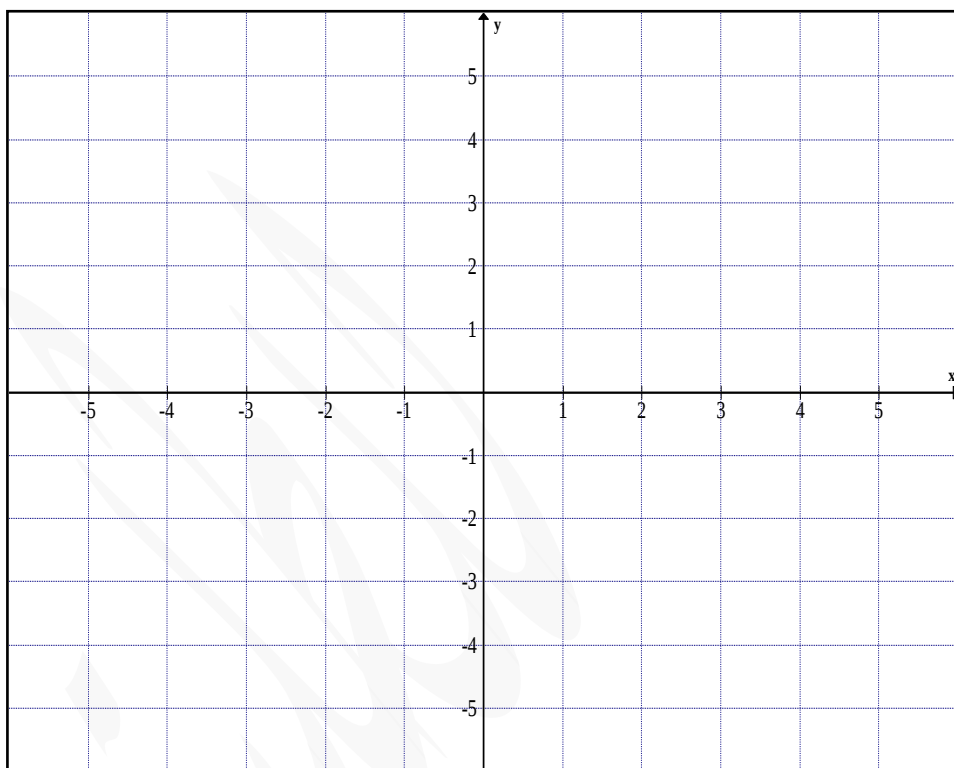
2) $y = x^3 - 8x$

3) $y = x^4 + \frac{1}{x^2} + 8$

4) $y = |x| + 4$

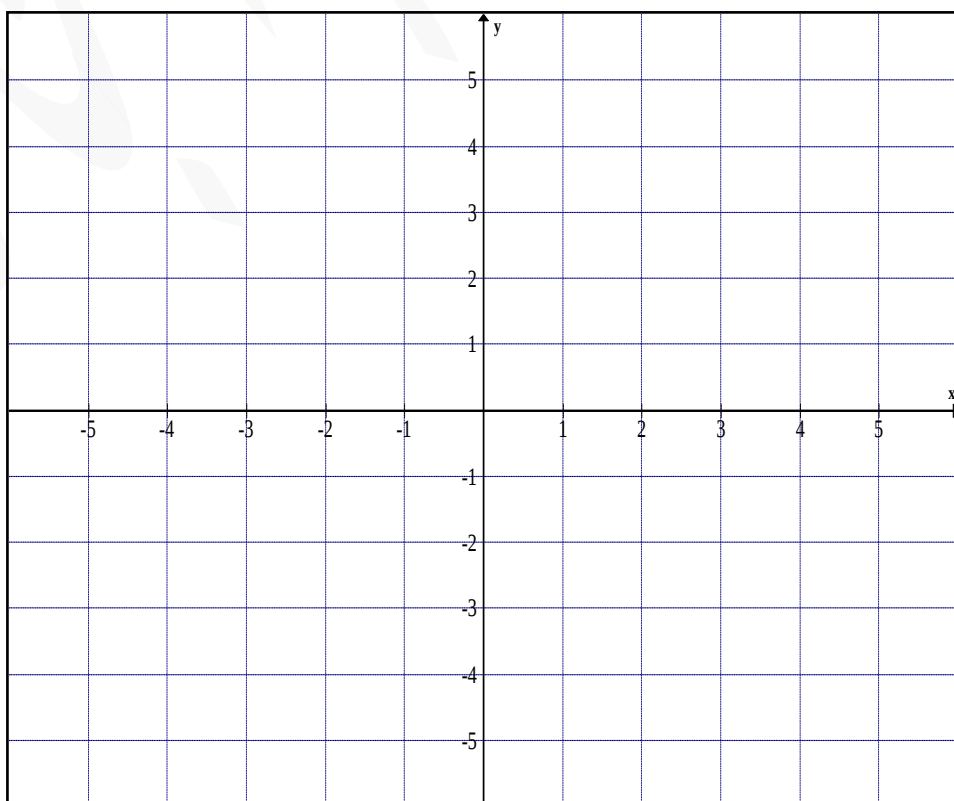
رابع عشر (1) ارسم بيان الدالة الاتية :-

$$g(x) = \begin{cases} \sqrt{x-1} + 2 & : x \geq 1 \\ x + 2 & : -4 \leq x < 1 \end{cases}$$



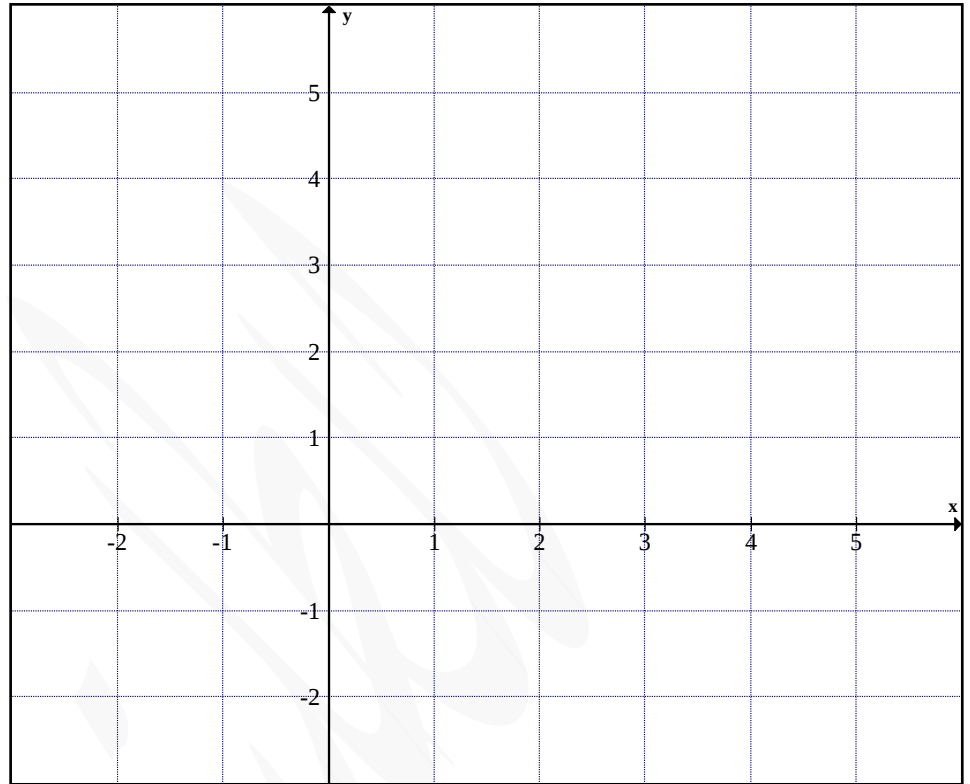
$$y = \begin{cases} |x + 1| & : -4 \leq x < 0 \\ x^2 - 4 & : 0 \leq x < 3 \end{cases}$$

(2) مثل بيانيا الدالة التالية:



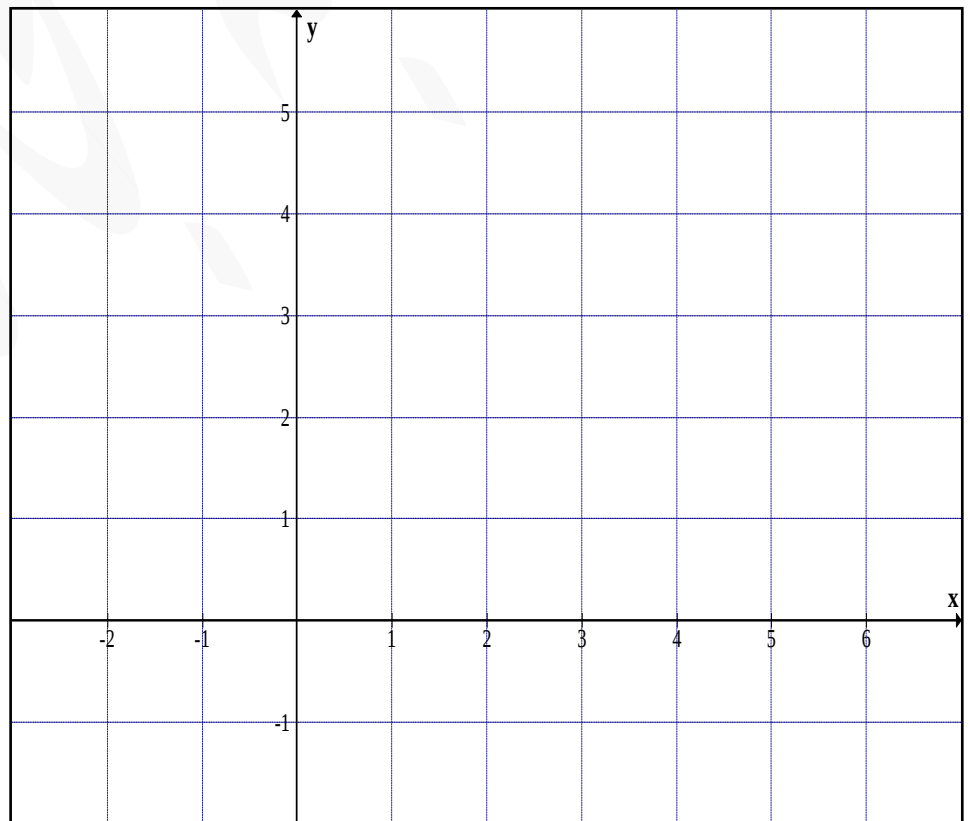
خامس عشر (1) مثل بيانيا الدالة التالية :

$$y = \begin{cases} x & : x > 1 \\ x^2 - 1 & : x \leq 1 \end{cases}$$



(2) مثل بيانيا الدالة التالية :

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{2-x} & : -2 \leq x < 2 \\ x+1 & : 2 \leq x < 3 \\ |x-5| & : 3 \leq x \leq 6 \end{cases}$$



1) $y = 8x^3 - 64$

2) $y = \frac{\sqrt[3]{x}}{3}$

3) $y = (x + 3)^4$

4) $y = 5\sqrt{x + 2}$

سابع عشر (1) عين أصفار الدوال التالية :

$$1) y = (x + 2)^2 (x + 5)(x - 3) \quad , , , , , , , , , , \quad 2) y = x(x - 1)(x + 3)(x - 4)^2$$

(2) اكتب دالة كثيرة الحدود في الصورة القياسية معاملها الرئيسي 4 و تكون القيم المعطاة هي اصفارها .

1 , -2 , -3

(3) اكتب دالة كثيرة الحدود في الصورة القياسية معاملها الرئيسي 1 و تكون القيم المعطاة هي اصفارها .

3 , -4 , 0 مكرر مرتين

(4) صف طرفي سلوك المنحنى الاتي بعد استخراج الازهار و المقاطع السينية و الصادية :

$$y = x^3 + 6x^2 - x - 6$$

x				-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4			
y															

السلوك (,)

الازهار المقاطع السينية المقاطع الصادية

هل الدالة اعلاه زوجية ام فردية ام ليست زوجية ولا فردية ؟

(5) صف طرفي سلوك المنحنى الاتي بعد استخراج الازهار و المقاطع السينية و الصادية :

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
y	44	12	-2	-4	0	4	2	-12	-44

السلوك (,)

الازهار المقاطع السينية المقاطع الصادية

هل الدالة اعلاه زوجية ام فردية ام ليست زوجية ولا فردية ؟

1) استخدم القسمة التركيبية لإيجاد ناتج و باقي القسمة الآتية :

$$(x^4 - 5x^2 + 4x + 12) \div (x + 2)$$

2) استخدم القسمة المطولة لإيجاد ناتج و باقي القسمة الآتية :

$$(x^3 + 4x^2 - 2x - 8) \div (x + 4)$$

3) أوجد ناتج و باقي القسمة (باستخدام القسمة التركيبية)

$$(x^3 - 3x^2 - 5x - 25) \div (x - 5)$$

تاسع عشر)

(1) إذا كان $x = 1$ صفرا للدالة $f(x) = 3x^3 + 10x^2 - x - 12$ فاوجد الاصفار الاخرى باستخدام القسمة التركيبية او المطولة .

(2) بدون استخدام القسمة بين ان $(x + 4)$ عامل من عوامل الدالة $g(x) = (x^3 + 4x^2 - 2x - 8)$

ثم باستخدام القسمة عين باقي العوامل الاخرى

ملاحظة مهمة : $f(a) = 0$ تعني ان $x = a$ احد اصفار الدالة $f(x)$ وان $(x - a)$ احد العوامل

عشرون (اكمل العبارات التالية بما يناسبها من اجابة صحيحة :-

(1) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه النقطة (0 , 0) و يمر بالنقطة (4 , - 2) على الصورة

..... هي $y = a(x - h)^2 + k$

(2) اذا كانت المعادلة $y = 8 - x^2$ تمثل سرعه كرة مقذوفة بزاوية حادة فان أقصى ارتفاع تصل اليه الكرة هو

(3) اذا كان $|x| < -2$ فان مجموعه الحل هي

(4) حل المعادلة $6 + |x| = 0$ هي

(5) مجال الدالة $y = \frac{x^2}{\sin x - 2}$ هو

(6) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه النقطة (2 , 0) و يقطع محور السينات عند $x = 4$ هي

(7) اذا كانت $f(x) = (x - 2)^3$, $g(x) = \sqrt[3]{x + 2}$ فان قيمة $f(g(-3)) =$

(8) مجال الدالة $g(x) = \sqrt[3]{x + 2}$ هو

(9) المقطع الصادي للدالة $g(x) = x^3 - 4x + 6$ هو

(10) دالة كثير الحدود $F(x) = 3x^5 + 9x^6 - x^5 + 4$ تكتب في الصورة القياسية كما يلي

..... وهي من الدرجة..... معاملها الرئيسي و حدها الثابت هو

(11) المقاطع السينية للدالة $y = x(x - 3)(x + 5)^2$ هي والمكرر منها هو

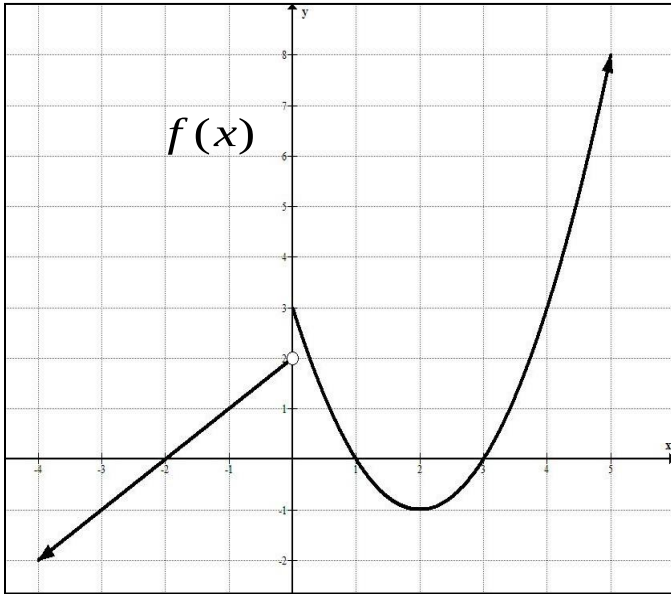
(12) اذا كانت $x = -1.3$ فان قيمة $\frac{|-0.7 + x|}{x + 0.3} =$

(13) مجموعه حل المتباينة $|x - 5| \geq 0$ هي

(14) قطع مكافئ معادلته $y = x^2$ تمت ازاحته لليسار 3 وحدات وللأعلى وحدتان تصبح معادلته

..... و يكون اتجاه فتحة القطع

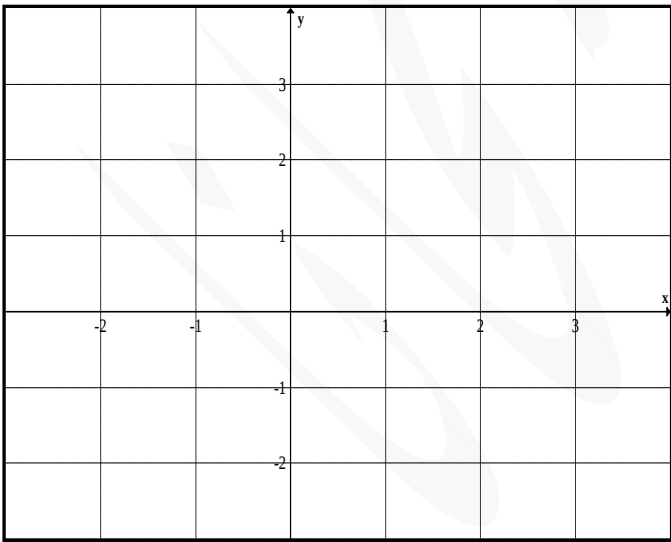
واحد وعشرون) مستعينا بالشكل المقابل للدالة $f(x)$ أو جد مجال الدالة $g(x) = \frac{\sqrt{x+4}}{f(x)}$



الثاني و العشرون) باستخدام بيان الدالة $y = \sqrt{x}$

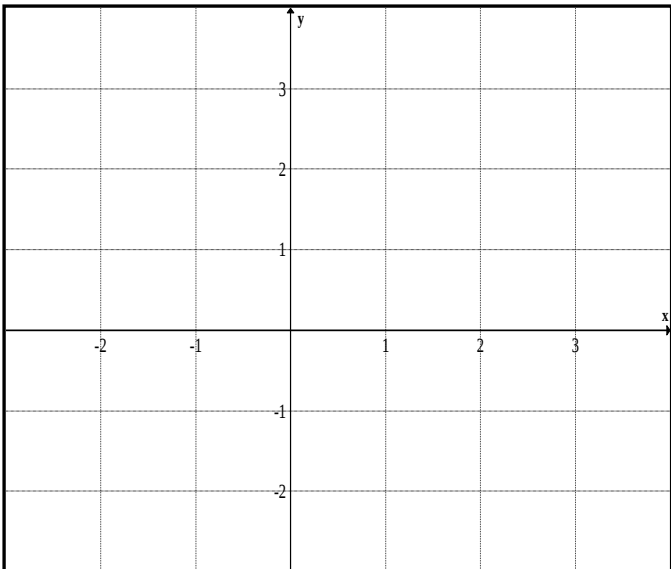
ارسم بيان الدالة $y_1 = \sqrt{x+2} - 1$

ثم حدد المجال و المدي للدالة y_1

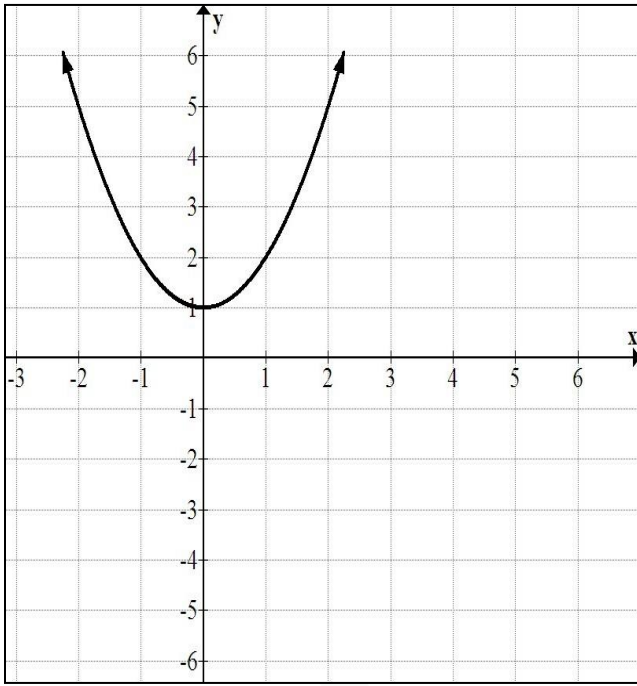


الثالث و العشرون) باستخدام بيان الدالة $y = |x|$

ارسم بيان الدالة $y_1 = -|x| + 2$



الرابع و العشرون)



(1) الشكل المجاور بيان الدالة $y = x^2 + 1$ و هو عبارة عن
ازاحة للدالة للاعلى بمقدار

(2) هل بيان الدالة يمثل دالة زوجية ام فردية

مع ذكر السبب ؟

.....

(3) أوجد معكوس الدالة المرسومة .

.....

.....

(4) ارسم على نفس الشكل المجاور بيان معكوس الدالة

(5) بين فيما اذا كان المعكوس يمثل دالة مع ذكر السبب ؟

.....

الخامس و العشرون) أكمل الجدول التالي :-

المقاطع الصادية	سلوك الدالة	زوجية - فردية - غير ذلك	الدالة
	(,)		$f(x) = - x $
	(,)		$g(x) = x^3$
	(,)		$h(x) = x^2 - 4$

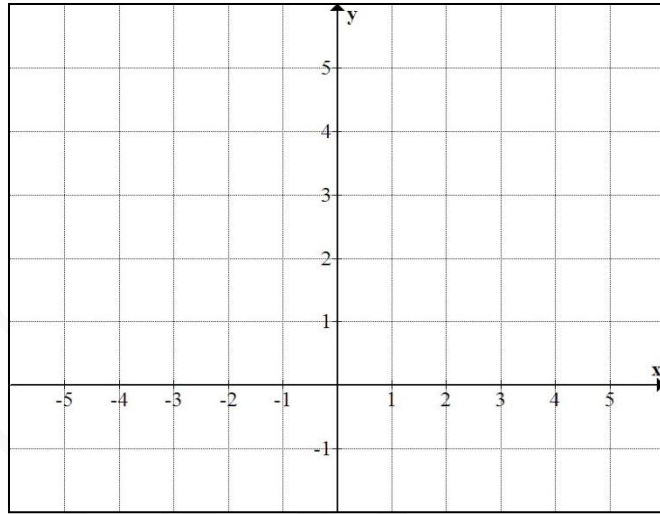
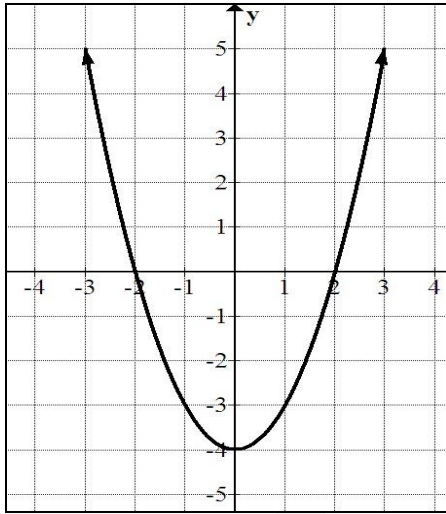
السادس العشرون) صندوق يزيد طوله عن عرضه بمقدار 1 m و ارتفاعه يقل عن عرضه بمقدار 2 m

أوجد أبعاد الصندوق عندما يكون حجمه 40 m^3

.....

السابع و العشرون)

(1) مستعينا بالشكل التالي الذي يمثل بيان الدالة $g(x) = x^2 - 4$ ارسم بيان الدالة $f(x) = |x^2 - 4|$



(2) اذ كان رأس القطع المكافئ $y = -x^2 + bx + c$ هو النقطة $(2, 7)$ فأوجد قيمة كل من b , c و أكتب معادلة القطع المكافئ y بدلالة احداثيات الرأس .

(3) لتكن $f(x) = \sqrt{x+3} - 2$ فأجب عما يلي :

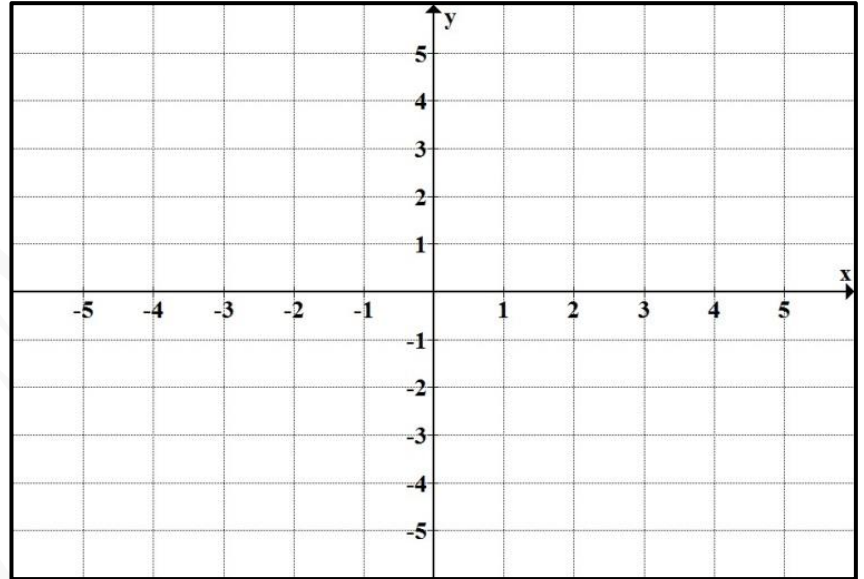
❖ مجال الدالة f هو

❖ مدى الدالة f هو

❖ بيان الدالة f هو نفس بيان الدالة $g(x) = \sqrt{x}$ بإزاحة مقدارها 3 وحدات باتجاه

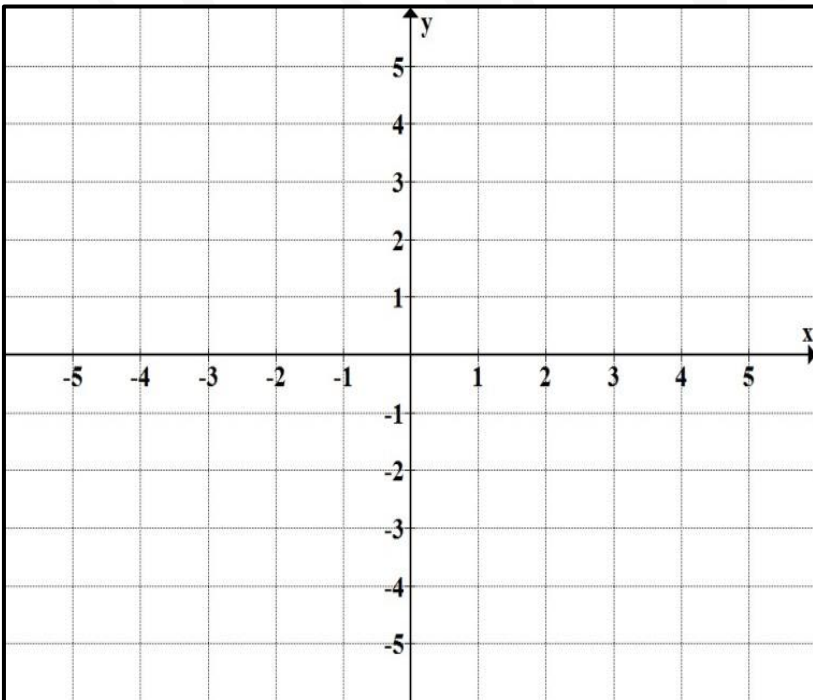
و 2 وحدة باتجاه

الثامن و العشرون (1) مثل بيانيا مجموعه حل المتباينة $x + y \leq 2$



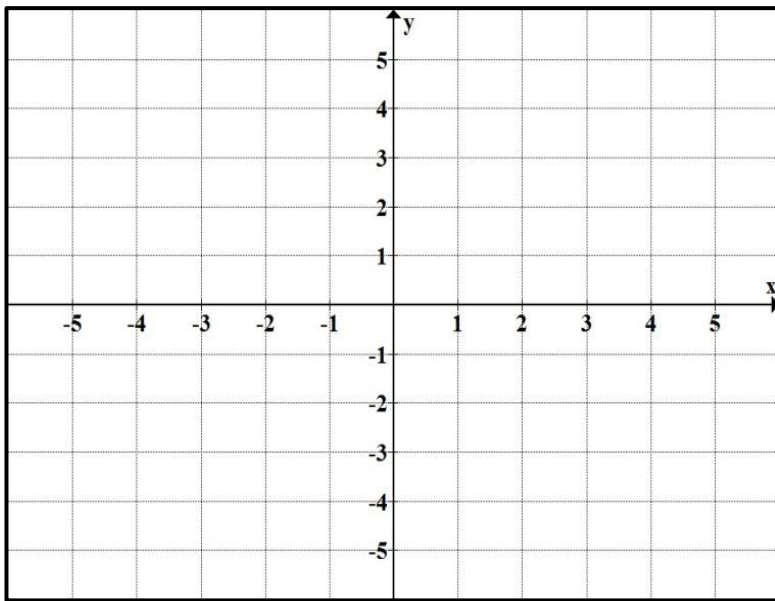
.....
.....
.....
.....
.....
.....

(2) مثل بيانيا مجموعه حل المتباينتين الآتيتين . $x + y \leq 4$, $y \geq 1$



.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

تاسع و عشرون : 1) مثل بيانيا مجموعه حل المتباينات الآتية. $4x + 5y \leq 20$, $x \geq y$, $y \geq 0$

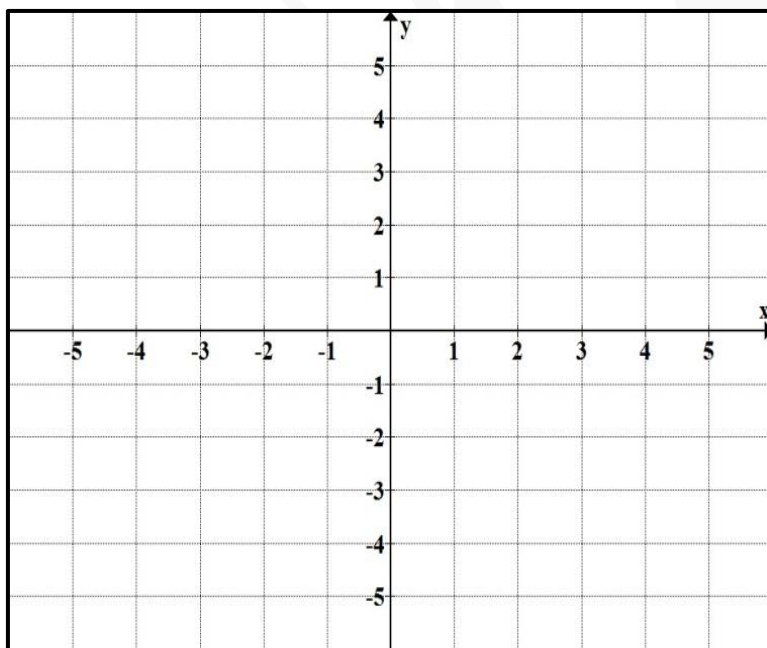


.....
.....
1) حدد رؤوس منطقة الحل

.....
.....
2) أوجد أكبر قيمة لـ P حيث $P = 2x + 5y$

.....
.....
2) مثل بيانيا مجموعه حل المتباينات الآتية :

$$x + y \leq 6 , \quad x - y \leq 2 , \quad x \geq 0 , \quad y \geq 0$$



.....
.....
.....
.....
1) حدد رؤوس منطقة الحل

.....
.....
2) أوجد أصغر قيمة لـ H حيث $H = 2x + 6y$

ثلاثون) ينتج أحد المصانع في اليوم الواحد 80 وحدة على الأكثر من نوعين مختلفين من المنتجات، النوع الأول من الوحدات تحتاج إلى مجهود 3 عمال ، والنوع الثاني من الوحدات تحتاج إلى مجهود 4 عمال ، والمصنع لا يمكنه استخدام أكثر من 170 عاملاً.

إذا كانت كل وحدة من النوع الأول تعطى ربحاً صافياً قدره 30 درهماً وكل من النوع الثاني تعطى ربحاً صافياً قدره 35 درهماً، فإذا فرضنا أن عدد الوحدات المنتجة من النوع الأول = x وحدة ، وإن عدد الوحدات المنتجة من النوع الثاني = y وحدة. فأكمل ما يأتي:

(1) المتباينة التي تمثل عدد الوحدات المنتجة من النوعين يومياً هي :

$$\boxed{} + \boxed{} \leq 80$$

(2) المتباينة التي تمثل عدد الوحدات المنتجة من النوعين بما يناسب عدد العمال هي :

$$\boxed{}x + 4y \leq \boxed{}$$

(3) العلاقة التي تمثل دالة الربح p هي :

$$P = \boxed{}x + \boxed{}y$$

(4) لا يمكن أن تكون x , y سالبة

$$x \boxed{} 0 , y \boxed{} 0$$

ينتج أحد المصانع نوعين مختلفين من المسجلات . كل مسجل من النوع الأول يحتاج إلى 7 ساعات تصنيع و 5 ساعات تركيب ، و كل مسجل من النوع الثاني يحتاج إلى 5 ساعات تصنيع و 6 ساعات تركيب وكان الوقت المتوفر لإنتاج النوعين على الأكثر 290 ساعة تصنيع و 170 ساعة تركيب . والربح المطلوب في كل مسجل من النوع الأول 9 درهم والنوع الثاني 15 درهم .

إذا رمزنا لعدد المسجلات من النوع الأول بالرمز x ورمزنا لعدد المسجلات من النوع الثاني بالرمز y .

فأكمل ما يلي لتحصل على المتباينات الممثلة للمسألة :

$$\boxed{}x + \boxed{}y \leq \boxed{} \quad (1) \text{ المتباينات التي تمثل عدد ساعات التصنيع من النوعين}$$

$$\boxed{}x + \boxed{}y \leq \boxed{} \quad (2) \text{ المتباينات التي تمثل عدد ساعات التركيب من النوعين:}$$

$$\boxed{} \geq 0 , \boxed{} \geq 0 \quad (3) \text{ وعدد المسجلات من النوعين لا يمكن أن يكون سالبا تمثله المتباينتين:}$$

$$R = \boxed{}x + \boxed{}y \quad (4) \text{ وتكون دالة الربح } R :$$

يملك مزارع 150 فدان ويمكنه زراعتها بنوعين من المحاصيل : النوع الأول : يحتاج إلى مجهود رجلين
النوع الثاني يحتاج إلى مجهود ثلاثة رجال والمزارع لا يمكنه استخدام أكثر من 270 رجلاً .
املاً الفراغ لكي تحصل على المتباينات الممثلة للمسألة :

إذا رمزنا للنوع الأول بالرمز x والنوع الثاني بالرمز y

$$x \geq \dots\dots\dots , \quad y \geq \dots\dots\dots$$

$$x + y \leq \dots\dots\dots$$

$$\dots\dots x + \dots\dots y \leq 270$$

وإذا كان الفدان من النوع الأول يعطي ربحاً صافياً 300 درهم لكل فدان ، و النوع الثاني يعطي ربحاً صافياً 400 درهم لكل فدان فإن العلاقة التي تمثل دالة الربح هي :

$$p = \dots\dots x + \dots\dots y$$

تمنيتي بـجميع الطلبة بالنجاح والتوفيق