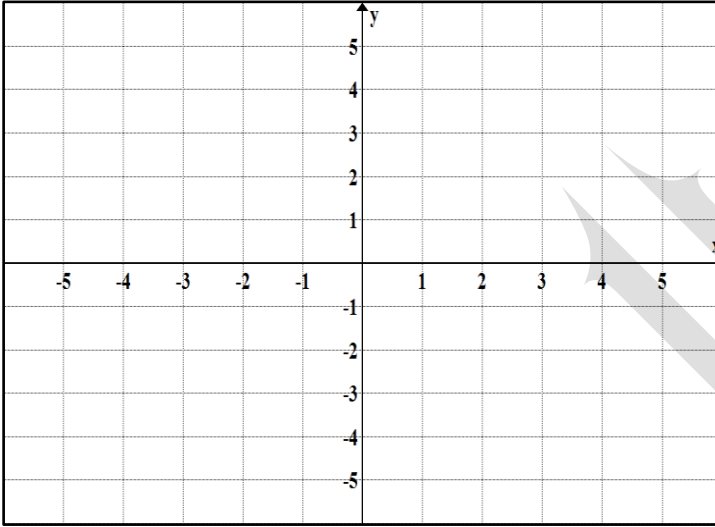


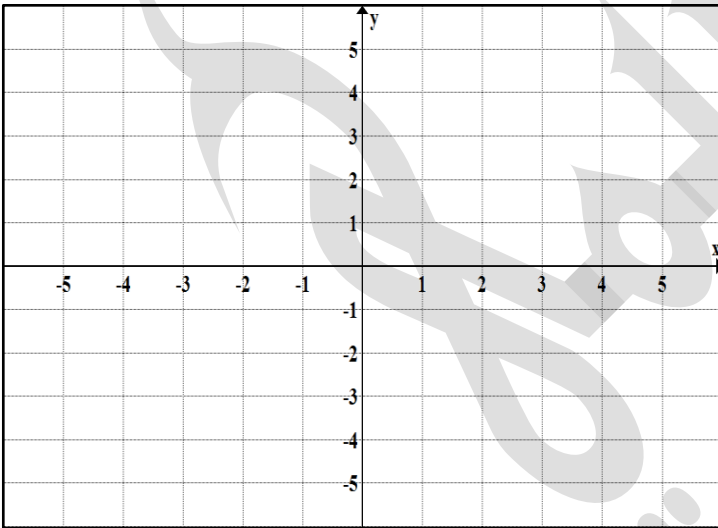
تعايير الجذر التربيعي

|                                                       |                                                     |
|-------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------|
| قدر قيمة $\sqrt{50}$ - وقرب الإجابة لأقرب جزء من عشرة | قدر قيمة $\sqrt{13}$ وقرب الإجابة لأقرب جزء من عشرة |
| أكتب $\sqrt{8} \times \sqrt{32}$ في أبسط صورة         | أكتب $\sqrt{192}$ في أبسط صورة                      |
| أكتب $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt{2}}$ في أبسط صورة        | أكتب $\sqrt{\frac{50}{9}}$ في أبسط صورة             |
| أجمع $\sqrt{12} + 7\sqrt{27}$                         | أطرح $5\sqrt{32} - 15\sqrt{2}$                      |

## المتباينات الخطية بمتغيرين



حل بيانياً المتباينة  $y > \frac{1}{3}x + 1$



حل بيانياً المتباينة  $4x + 2y \geq 8$

## أنظمة المتباينات الخطية

أحل نظام المتباينتين الخطيتين بيانيا

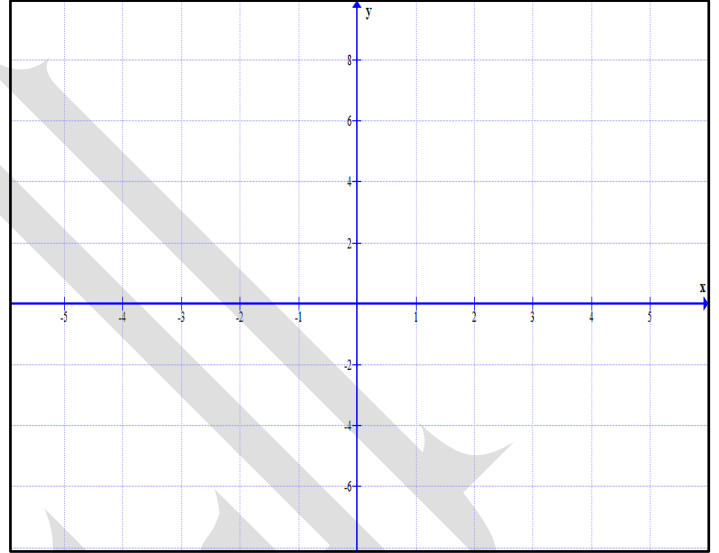
$$\begin{cases} y > 4 \\ x + 4y \geq 8 \end{cases}$$

$$x + 4y = 8$$

المستقيم يمر بالنقطتين

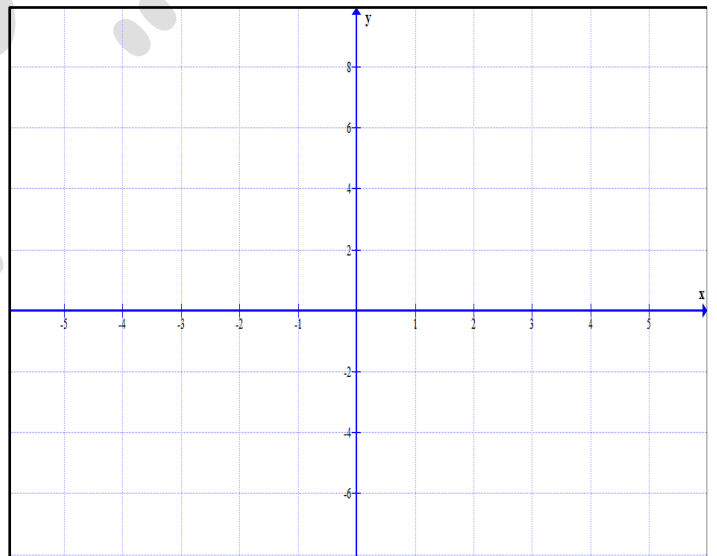
( , ), ( , )

بالتعويض بالنقطة (0, 0)



حل كل نظام متباينات بيانيا :

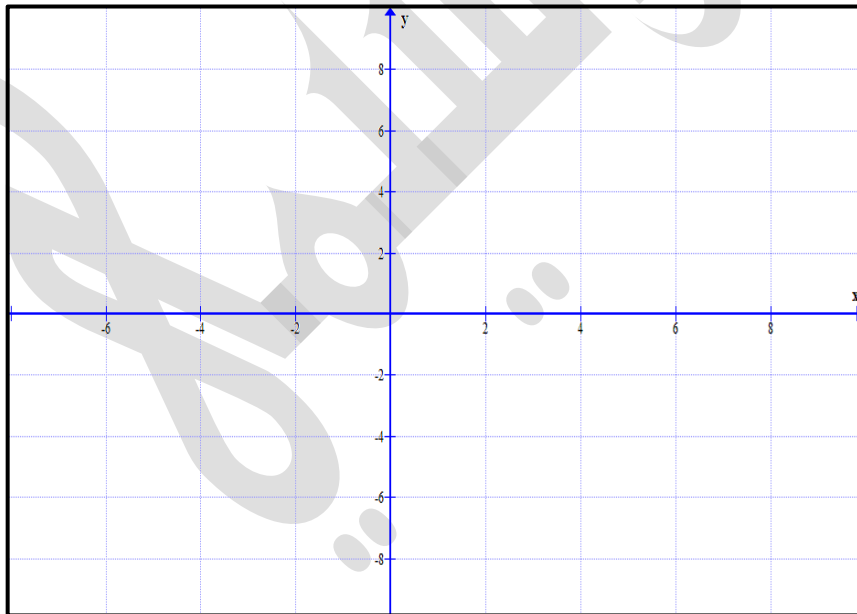
$$\begin{cases} x + y > 5 \\ -2x + y \leq 2 \end{cases}$$



## أنظمة المتباينات الخطية

حل كل نظام متباينات بيانيا :

$$\begin{cases} y \leq 2.5 \\ y \geq -0.5 \\ y \leq -x + 8 \\ y \leq 2x + 4 \end{cases}$$



## البرمجة الخطية

شركة تقوم بتصنيع نوعين مختلفين من الغسالات ويستغرق انتاج كل وحدة من النوع الأول مدة ساعتين ومن النوع الثاني مدة اربعة ساعات فإذا كانت الشركة ملتزمة بإنتاج وحدتين على الأقل من النوع الأول ووحدتين على الأقل من النوع الثاني يومياً وعدد ساعات العمل بالشركة لا تزيد عن 20 ساعة في اليوم وكانت الشركة تربح AED30 في كل وحدة من النوع الأول و AED50 في كل وحدة من النوع الثاني . أوجد عدد الوحدات التي يجب على الشركة انتاجها من كل نوع يومياً حتى يكون ربحها أكبر ما يمكن .

### الحل

نلاحظ من الرسم ان المنطقة المحددة بالنقاط

$$A ( \dots , \dots ) , B ( \dots , \dots ) , C ( \dots , \dots )$$

هي منطقة الحل وتسمى منطقة الجدوى

نكون دالة الربح :

$$P = \dots X + \dots Y$$

نعوض برؤوس المثلث ABC في دالة الربح

$$A(\dots, \dots) \rightarrow P = \dots (..) + \dots (..) = \dots$$

$$B(\dots, \dots) \rightarrow P = \dots (..) + \dots (..) = \dots$$

$$C(\dots, \dots) \rightarrow P = \dots (..) + \dots (..) = \dots$$

مما سبق نلاحظ ان أكبر ربح تحقق عند النقطة .....

أذاً لتحقيق أكبر ربح يمكن انتاج ..... وحدات من النوع

الأول ..... من النوع الثاني

نفرض ان النوع الاول x

نفرض ان النوع الثاني y

$$(1) \dots\dots\dots$$

$$(2) \dots\dots\dots$$

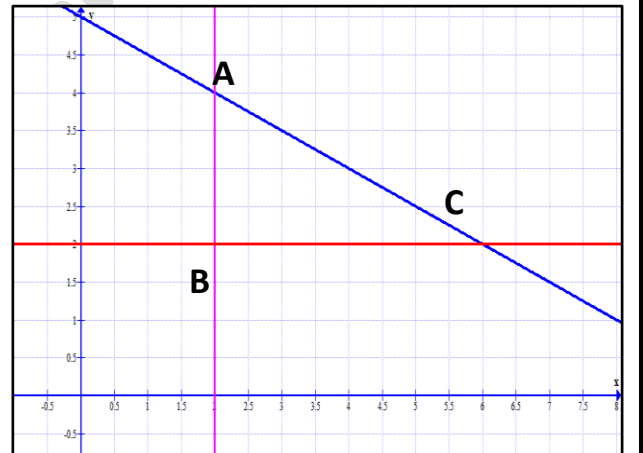
$$(3) \dots\dots\dots$$

نرسم المتباينات الثلاث

$$\dots x + \dots y = \dots$$

|   |   |   |
|---|---|---|
| x | 0 |   |
| y |   | 0 |

$$X = \dots , y = \dots$$



## المتباينات التربيعية

$$x^2 - 5x - 24 \leq 0$$

حل جبرياً المتباينة التربيعية

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

$$x^2 - 14 \geq 2$$

حل جبرياً المتباينة التربيعية

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

## كثيرات الحدود

أكتب كل كثيرة حدود على الصورة القياسية ثم حدد معاملها الرئيسي ودرجتها وعدد حدودها وأسم كثيرة الحدود

1 )  $5x^3 - x^5 + 8x + 2x^4$

2 )  $1 - 11x + 9x^2$

أجمع أو أطرح . أكتب الإجابة على الصورة القياسية

1 )  $(6x^2 + 7x - 2) + (1 - 5x^3 + 3x)$

2 )  $(5x - 2x^2) - (4x^2 + 6x - 9)$

## ضرب كثيرات الحدود

1 )  $-3t ( 2t^2 - 6t + 1 )$

2 )  $(2x - 3) (x^3 - 3x^2 + 2)$

أوجد مفكوك كل تعبير

1 )  $(x + 4)^3$

2 )  $(2y - 1)^4$

## قسمة كثيرات الحدود

أقسم باستخدام القسمة المطولة :

$$1) (x^2 - 6x + 8) \div (x - 2)$$

$$2) (x^4 - 3x^3 - 7x - 14) \div (x - 4)$$

أقسم باستخدام القسمة التركيبية :

$$1) (x^3 - 4x^2 + 3x + 2) \div (x - 3)$$

$$2) (x^3 + 2x - 1) \div (x - 2)$$

$$\text{أوجد باقي قسمة } (x^3 - 3x^2 + 8) \div (x + 2)$$

$$\text{حدد ان كانت } (x+3) \text{ عاملاً من عوامل } P(x) = x^3 + 2x^2 - 5$$

أستخدم القسمة التركيبية لإيجاد قيمة كثيرة الحدود عند القيمة المعطاة :

|                                    |                                          |
|------------------------------------|------------------------------------------|
| $P(x) = x^2 - x - 30$ عند $x = -8$ | $P(x) = x^3 - 4x^2 + 5x + 1$ عند $x = 3$ |
|------------------------------------|------------------------------------------|

تحليل كثيرات الحدود

حل كل تعبير:

|                            |                            |
|----------------------------|----------------------------|
| 1 ) $x^3 + 5x^2 - 4x - 20$ | 2 ) $2x^3 - 3x^2 - 2x + 3$ |
| 3 ) $8 + x^3$              | 4 ) $4m^5 - 32m^2$         |

|                           |                    |
|---------------------------|--------------------|
| 5 ) $x^6 - 14x^4 + 49x^2$ | 6 ) $24y^2 + 3y^5$ |
|---------------------------|--------------------|

$$7) 16 - x^4$$

$$8) x^{13} - 15x^9 - 16x^5$$

حل تمارين على معادلات كثيرات الحدود

حل كل معادلة حدودية بالتحليل

$$2x^4 + 16x^3 + 32x^2 = 0$$

$$2x^3 - 12x^2 = 32x - 192$$

أكتب جميع الأعداد التي تحددها مبرهنة الصفر النسبي لكل دالة .

$$F(x) = 2x^4 - 6x^3 - 6x^2 + 14x + 12$$

$$f(x) = 3x^5 - 12x^4 + 3x^3 + 30x^2 - 12x - 24$$

## الدوال الحدودية

حدد المعامل الرئيسي والدرجة والسلوك الطرفي .

|                                 |                         |
|---------------------------------|-------------------------|
| $P(x) = -4x^4 - 3x^3 + x^2 + 4$ | $S(x) = 3x^2 + 6x - 10$ |
|---------------------------------|-------------------------|

أنشئ الرسم البياني للدالة  $f(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$  علماً بأن  $x = 3$  أحد أصفار الدالة

الحل

بما ان  $x=3$  صفر من اصفار الدالة فإن ..... عامل من عوامل الدالة

نستخدم القسمة التركيبية لقسمة  $f(x)$  على .....

$$\begin{array}{r|rrrrr} 3 & 1 & -2 & -5 & 6 & \end{array}$$

1

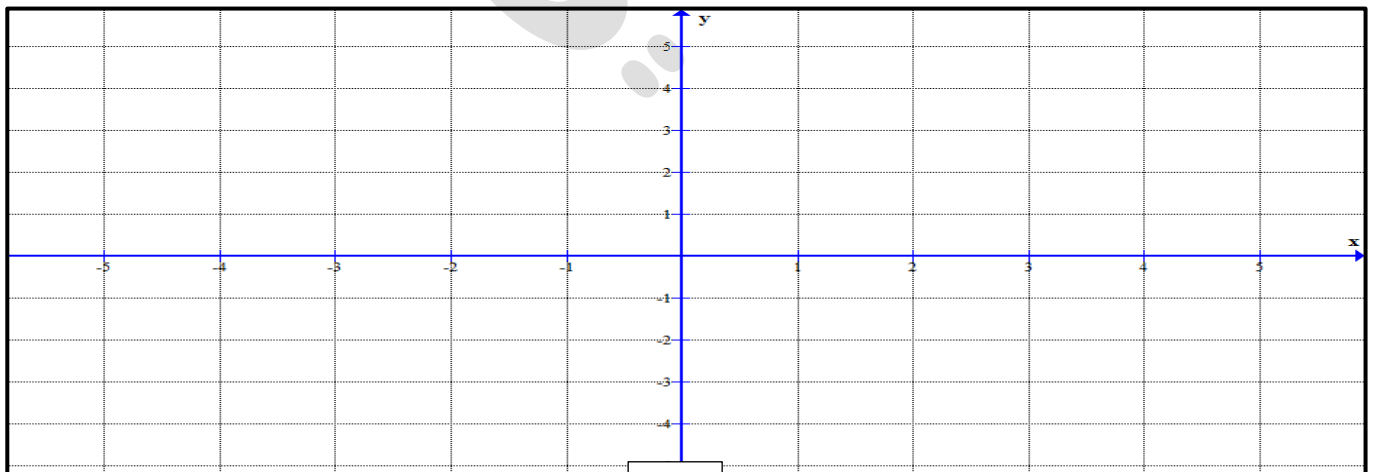
$$F(x) = \dots\dots\dots$$

$$F(x) = \dots\dots\dots$$

أصفار الدالة هي :  $x =$  ,  $x =$  ,  $x =$

نعين نقاط اخرى اضافية

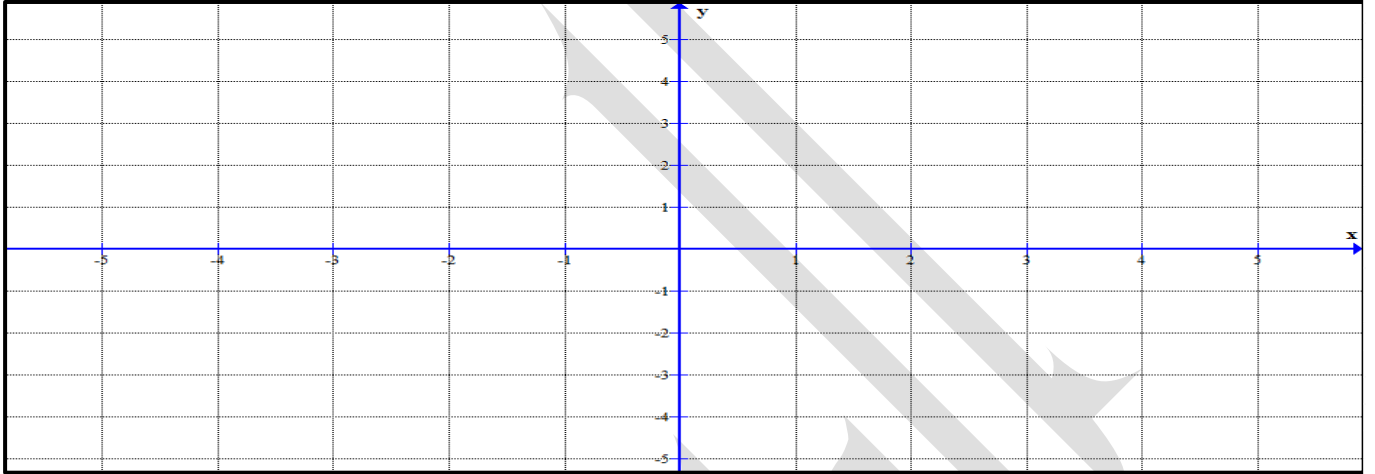
|      |  |  |  |
|------|--|--|--|
| X    |  |  |  |
| F(x) |  |  |  |



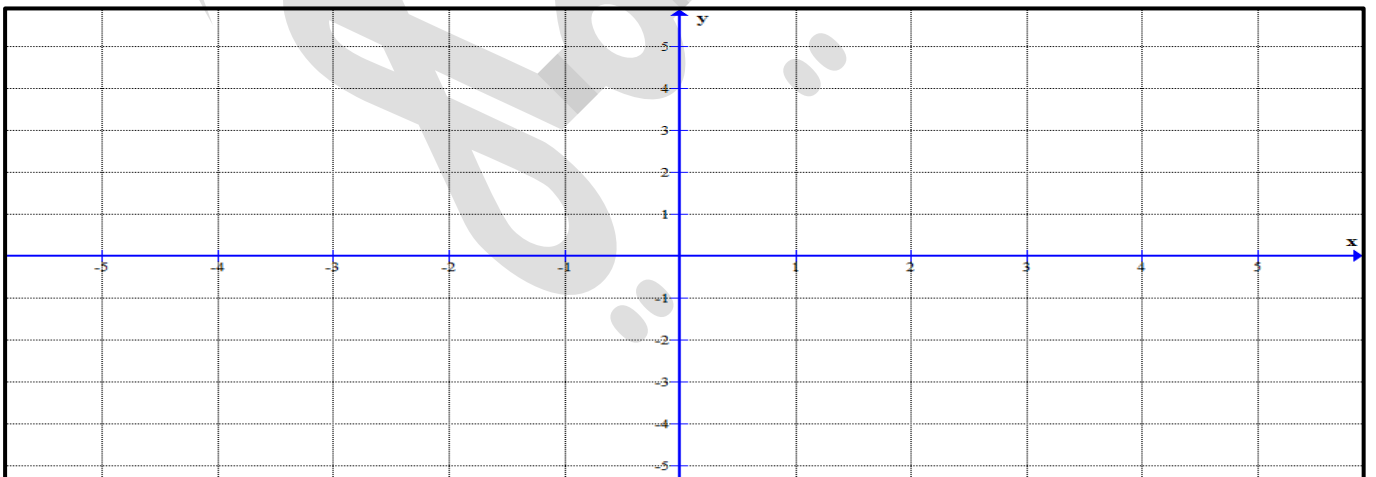
## تحويل الدوال الحدودية

اكتب الدالة الناتجة من تحويل الدالة  $f(x) = x^2 - 2$  في كل حالة

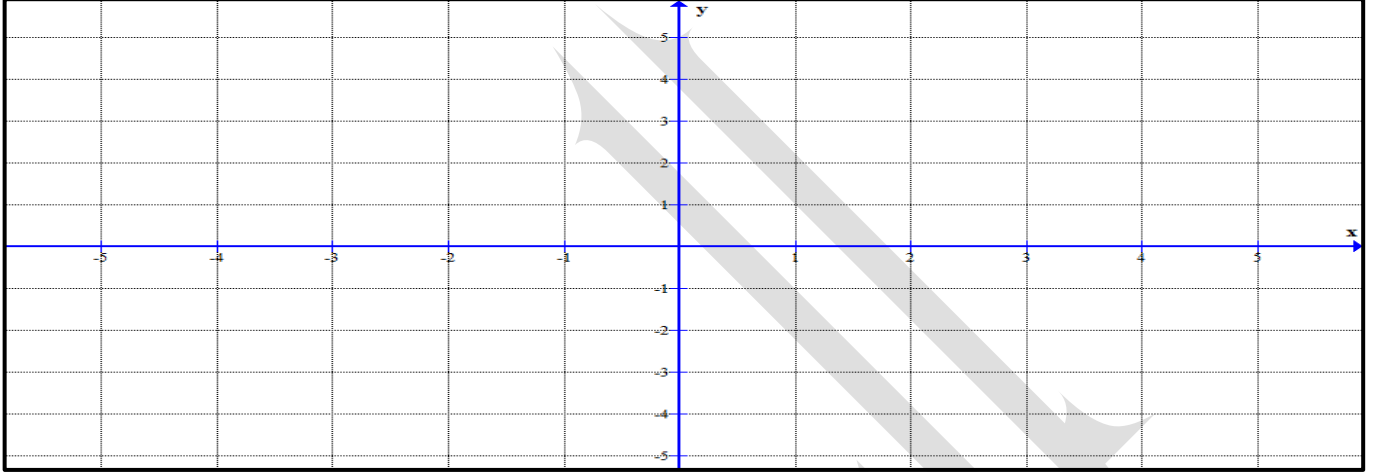
انعكاس حول المحور  $x$



انعكاس حول المحور  $y$



انكماش رأسي بمعامل  $\frac{1}{2}$  وإزاحة 3 وحدات لأسفل



### دوال التغير

إذا كانت  $y$  تتغير طرديا بتغير  $x$  وكانت  $y=6$  عندما كانت  $x=3$  أكتب دالة التغير

إذا كانت  $y$  تتغير عكسياً بتغير  $x$  وكانت  $y=8$  عندما كانت  $x=4$  أكتب دالة التغير

حدد إن كانت كل مجموعة بيانات تمثل تغيراً طردياً أو تغيراً عكسياً أو ليس أي منهما

|     |   |   |   |
|-----|---|---|---|
| $x$ | 2 | 5 | 9 |
| $y$ | 3 | 6 | 4 |

|     |   |   |    |
|-----|---|---|----|
| $x$ | 6 | 4 | 1  |
| $y$ | 2 | 3 | 12 |

|     |    |   |    |
|-----|----|---|----|
| $x$ | 24 | 4 | 12 |
| $y$ | 30 | 5 | 15 |

يتغير الحجم  $V$  لمنشور قاعدته على شكل مستطيل له ارتفاع معين تغيراً تآلفياً بتغير طولـه  $\ell$  وعرضـه  $w$ . إذا كان  $V = 224 \text{ dm}^3$  عندما  $\ell = 8 \text{ dm}$  و  $w = 4 \text{ dm}$ . أجد  $\ell$  إذا كان  $V = 210 \text{ dm}^3$  و  $w = 5 \text{ dm}$ .

الزمن  $t$  الذي يلزم مندوب مبيعات لقطع مسافة معينة  $d$  يتغير عكسياً بتغير معدل السرعة  $v$ . يلزم المندوب  $4.75 \text{ h}$  للسفر بين مدينتين بسرعة  $60 \text{ km/h}$ . كم يلزمه من الزمن إذا كانت سرعته  $50 \text{ km/h}$ ؟

## ضرب التعابير النسبية وقسمتها

أكتب في أبسط صورة.

|                            |                                         |
|----------------------------|-----------------------------------------|
| $\frac{x^2+4x+3}{x^2-x-2}$ | $\frac{x-1}{x+5} \cdot \frac{x+6}{x-3}$ |
|----------------------------|-----------------------------------------|

أضرب . افترض أن جميع التعابير معرفة

|                                                                        |                                                                      |
|------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------|
| $1) \quad \frac{x^2y}{4xy} \times \frac{x}{6} \times \frac{3y^5}{x^4}$ | $2) \quad \frac{x^2-2x-8}{9x^2-16} \times \frac{3x^2+10x+8}{x^2-16}$ |
|------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------|

أقسم . أفترض أن جميع التعبيرات معرفة

$$\frac{x^2 - 4x + 3}{2x^3 - 18x} \div \frac{x^2 - 1}{5x^2 + 15x}$$

$$\frac{x^2 - 25}{2x^2 + 5x - 12} \div \frac{x^2 - 3x - 10}{x^2 + 9x + 20}$$

جمع التعبيرات النسبية وطرحها

أجمع أو اطرح كل من التعبيرات النسبية الآتية

$$\frac{x}{x+3} + \frac{-18}{x^2 - 9}$$

$$\frac{2x^2 - 16}{x^2 - 4} - \frac{x+4}{x+2}$$

## حل المعادلات والمتباينات النسبية

حل كل المعادلة محددا الحلول العرضية

$$m + \frac{12}{m} = 7$$

$$\frac{-2x}{x+2} + \frac{x}{3} = \frac{4}{x+2}$$

حل كل متباينة

$$\frac{9}{x-4} \geq -6$$

$$\frac{9}{x+10} > 3$$