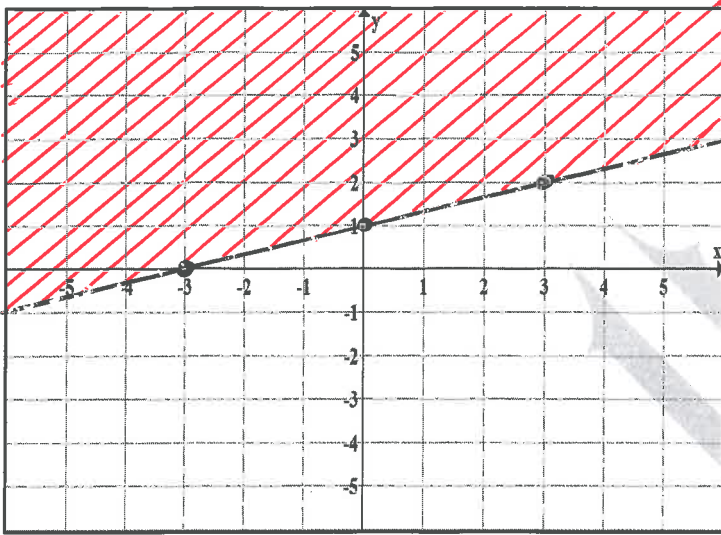


تعابير الجذر التربيعي

قدر قيمة $\sqrt{50}$ - وقرب الإجابة لأقرب جزء من عشرة $-\sqrt{64} > -\sqrt{50} > -\sqrt{49}$ $-8 > -\sqrt{50} > -7$ $-\sqrt{50}$ اقرب الى -7 ضا الى -8 $-\sqrt{50} \approx -7$	قدر قيمة $\sqrt{13}$ وقرب الإجابة لأقرب جزء من عشرة $\sqrt{9} \leq \sqrt{13} \leq \sqrt{16}$ $3 \leq \sqrt{13} \leq 4$ $\sqrt{13}$ اقرب الى 4 ضا الى 3 $\sqrt{13} \approx 4$
اكتب $\sqrt{8} \times \sqrt{32}$ في أبسط صورة $= \sqrt{8 \times 32}$ $= \sqrt{256}$ $= 16$	اكتب $\sqrt{192}$ في أبسط صورة $= \sqrt{64 \times 3}$ $\sqrt{64} \times \sqrt{3}$ $8\sqrt{3}$
اكتب $\frac{\sqrt{72}}{\sqrt{2}}$ في أبسط صورة $\sqrt{\frac{72}{2}}$ $= \sqrt{36}$ $= 6$	اكتب $\sqrt{\frac{50}{9}}$ في أبسط صورة $\frac{\sqrt{50}}{\sqrt{9}}$ $\frac{\sqrt{25 \times 2}}{3}$ $= \frac{5\sqrt{2}}{3}$
أجمع $\sqrt{12} + 7\sqrt{27}$ $\sqrt{4 \times 3} + 7\sqrt{9 \times 3}$ $2\sqrt{3} + 7 \times 3\sqrt{3}$ $2\sqrt{3} + 21\sqrt{3}$ $= 23\sqrt{3}$	أطرح $5\sqrt{32} - 15\sqrt{2}$ $5\sqrt{16 \times 2} - 15\sqrt{2}$ $5 \times 4\sqrt{2} - 15\sqrt{2}$ $20\sqrt{2} - 15\sqrt{2}$ $= 5\sqrt{2}$

المتباينات الخطية بمتغيرين



حل بيانياً المتباينة $y > \frac{1}{3}x + 1$

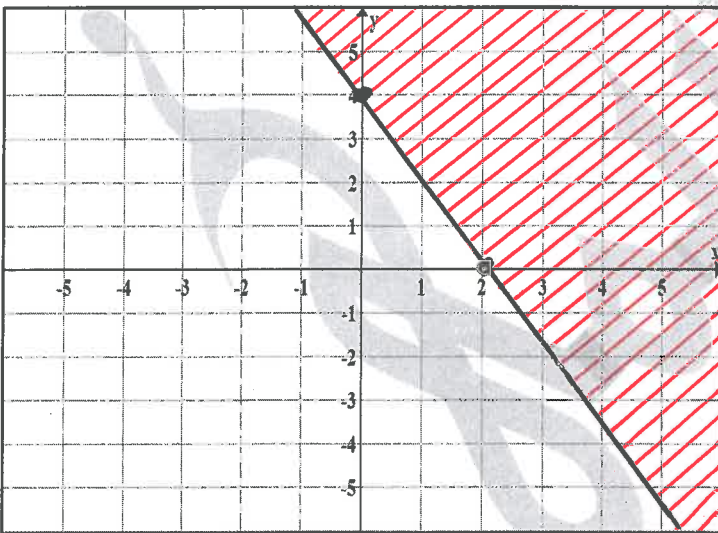
$$y = \frac{1}{3}x + 1$$

x	-3	0	3
y	0	1	2

لنحدد منطقة الحل نعوض بالنقطة (0,0) في المتباينة

$$0 > \frac{1}{3}(0) + 1 \quad (X) \text{ خطأ}$$

منطقة الحل هي القسم الواقع فوق خط الحل



حل بيانياً المتباينة $4x + 2y \geq 8$

$$4x + 2y = 8$$

x	0	2
y	4	0

لنحدد منطقة الحل نعوض بالنقطة (0,0) في المتباينة

$$4(0) + 2(0) \geq 8 \quad (X) \text{ خطأ}$$

منطقة الحل هي القسم الواقع فوق خط الحل

أنظمة المتباينات الخطية

أحل نظام المتباينتين الخطيتين بيانيا

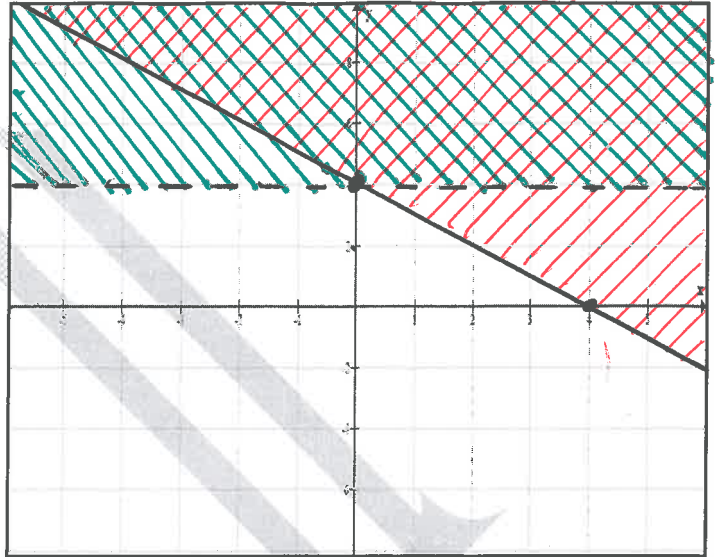
$$\begin{cases} y > 4 \\ x + 4y \geq 8 \end{cases}$$

$$x + 4y = 8$$

المستقيم يمر بالنقطتين

$$(0, 2), (8, 0)$$

بالتعويض بالنقطة (0, 0)



$$0 + 4(0) > 8 \quad (X)$$

خطأ

منطقة الحل هو القسم الواقع فوق الخط

حل كل نظام متباينات بيانيا :

$$\begin{cases} x + y > 5 \\ -2x + y \leq 2 \end{cases}$$

$$-2x + y = 2$$

x	0	-1
y	2	0

بالتعويض (0, 0)

$$-2(0) + 0 \leq 2$$

(✓)
منطقة الحل هو القسم الواقع أسفل الخط

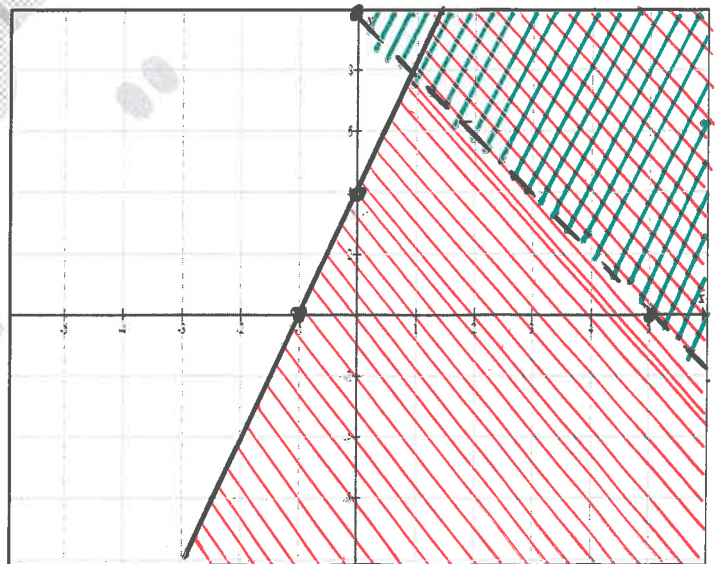
$$x + y = 5$$

x	0	5
y	5	0

بالتعويض (0, 0)

$$0 + 0 > 5 \quad (X)$$

منطقة الحل هو القسم الواقع فوق الخط



أنظمة المتباينات الخطية

حل كل نظام متباينات بيانيا :

$$\begin{cases} y \leq 2.5 \\ y \geq -0.5 \\ y \leq -x + 8 \\ y \leq 2x + 4 \end{cases}$$

$$y \leq -x + 8$$

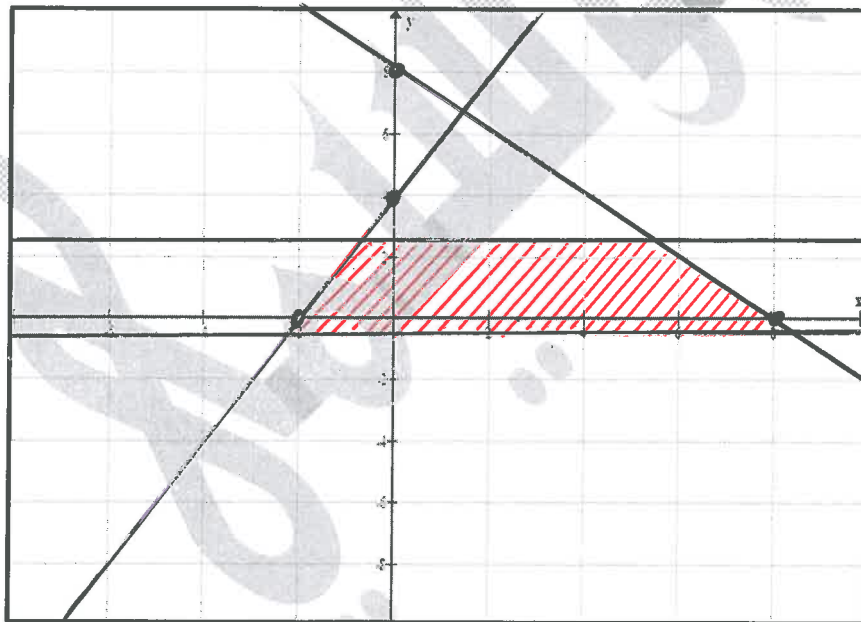
$$y = -x + 8$$

x	0	x
y	8	0

$$y \leq 2x + 4$$

$$y = 2x + 4$$

x	0	-2
y	4	0



البرمجة الخطية

شركة تقوم بتصنيع نوعين مختلفين من الغسالات ويستغرق انتاج كل وحدة من النوع الأول مدة ساعتين ومن النوع الثاني مدة اربعة ساعات فإذا كانت الشركة ملتزمة بإنتاج وحدتين على الأقل من النوع الأول ووحدتين على الأقل من النوع الثاني يومياً وعدد ساعات العمل بالشركة لا تزيد عن 20 ساعة في اليوم وكانت الشركة تربح AED30 في كل وحدة من النوع الأول و AED50 في كل وحدة من النوع الثاني . أوجد عدد الوحدات التي يجب على الشركة انتاجها من كل نوع يومياً حتى يكون ربحها أكبر ما يمكن .

الحل

نلاحظ من الرسم ان المنطقة المحددة بالنقاط

$$A(2, 4), B(2, 2), C(6, 2)$$

هي منطقة الحل وتسمى منطقة الجدوى

نكون دالة الربح :

$$P = 30X + 50Y$$

نعوض برؤوس المثلث ABC في دالة الربح

$$A(2, 4) \rightarrow P = 30(2) + 50(4) = 260$$

$$B(2, 2) \rightarrow P = 30(2) + 50(2) = 160$$

$$C(6, 2) \rightarrow P = 30(6) + 50(2) = 280$$

مما سبق نلاحظ ان أكبر ربح تحقق عند النقطة C
أذاً لتحقيق أكبر ربح يمكن انتاج 6 وحدات من النوع الأول و 2 من النوع الثاني

نفرض ان النوع الاول x

نفرض ان النوع الثاني y

$$2x + 4y \leq 20$$

$$x \geq 2 \dots\dots\dots (2)$$

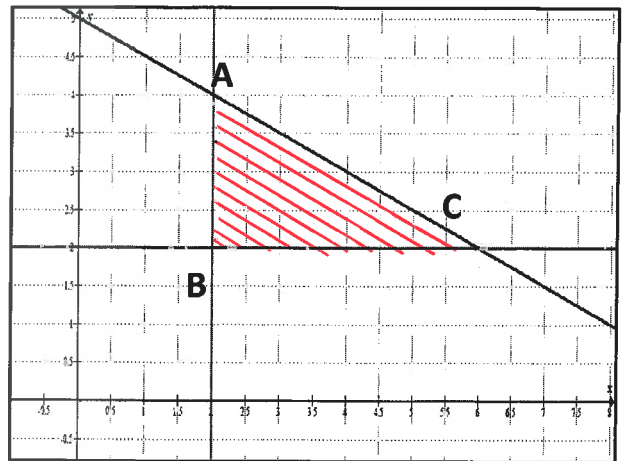
$$y \geq 2 \dots\dots\dots (3)$$

نرسم المتباينات الثلاث

$$2x + 4y = 20$$

x	0	10
y	5	0

$$x = 2, \quad y = 4$$



المتباينات التربيعية

$$x^2 - 5x - 24 \leq 0$$

حل جبرياً المتباينة التربيعية

نكتب المعادلة المناظرة $x^2 - 5x - 24 = 0$

$(x - 8)(x + 3) = 0$ $x = 8$ أو $x = -3$

بالعودة في النقطة (٥)

$(-3)^2 - 5(-3) - 24 \leq 0$ ✓

مجموعة الحل $-3 \leq x \leq 8$

$$x^2 - 14 \geq 2$$

حل جبرياً المتباينة التربيعية

نكتب المعادلة المناظرة $x^2 - 14 = 2$

$x^2 - 14 - 2 = 0 \Rightarrow x^2 - 16 = 0$

$(x - 4)(x + 4) = 0$ $x = 4$ أو $x = -4$

بالعودة في النقطة (٥)

$(-4)^2 - 14 \geq 2$ ✓

مجموعة الحل $x \geq 4$ أو $x \leq -4$

كثيرات الحدود

أكتب كل كثيرة حدود على الصورة القياسية ثم حدد معاملها الرئيسي ودرجتها وعدد حدودها وأسم كثيرة الحدود

$$1) \quad 5x^3 - x^5 + 8x + 2x^4$$

$$-x^5 + 2x^4 + 5x^3 + 8x \quad \text{derivative}$$

-1 jevel

الدرجہ الخامسة

کردا خود و ارباب

الدرس ٣: كثرة حدود في الدرر الخاصة بآية حدود

2) $1 - 11x + 9x^2$
الصورة القياسية $9x^2 - 11x + 1$

9 4261

الدرجة الثانية

کدو، کدو

الاسم كبدية مدودة الدرمة الثانية شبات
عذرة

أجمع أو أطرح . أكتب الاجابة على الصورة القياسية

$$\begin{aligned} 1) & (6x^2 + 7x - 2) + (1 - 5x^3 + 3x) \\ & 6x^2 + 7x - 2 + 1 - 5x^3 + 3x \\ & -5x^3 + 6x^2 + (7x + 3x) + (-2 + 1) \\ & -5x^3 + 6x^2 + 10x - 1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2) \quad & (5x - 2x^2) - (4x^2 + 6x - 9) \\ & 5x - 2x^2 - 4x^2 - 6x + 9 \\ & (-2x^2 - 4x^2) + (5x - 6x) + 9 \\ & -6x^2 - x + 9 \end{aligned}$$

ضرب كثيرات الحدود

$$1) -3t (2t^2 - 6t + 1)$$

$$-3t(2t^2) - 3t(-6t) - 3t(+1)$$

$$-6t^3 + 18t^2 - 3t$$

$$2) (2x - 3)(x^3 - 3x^2 + 2)$$

$$\begin{aligned} & 2x(x^3 - 3x^2 + 2) - 3(x^3 - 3x^2 + 2) \\ & 2x^4 - 6x^3 + 4x - 3x^3 + 9x^2 - 6 \\ & 2x^4 - 9x^3 + 9x^2 + 4x - 6 \end{aligned}$$

أوجد مفكوك كل تعبير

$$1)(x+4)^3 \rightarrow 1 \quad 3 \quad 3 \quad 1$$

$$1(x)^3(4)^0 = x^3$$

$$3(x)^2(y)' = 12x^2y$$

$$3(x)(4)^2 = 48x$$

$$1(x)^0(4)^3 = 64$$

$$= x^3 + 12x^2 + 48x + 64$$

$$2) (2y - 1)^4 \quad | \quad 4 \ 6 \ 4 \ 1$$

$$1(29)^4(-1)^0 = 169^4$$

$$4(29)^3(-1)^1 = -329^3$$

$$6(2y)^2(-1)^2 = 24y^2$$

$$4(24)^1(-1)^3 = -84$$

$$1(29)^0(-1)^4 = +1$$

$$= 16y^4 - 32y^3 + 24y^2 - 8y + 1$$

قسمة كثيرات الحدود

أقسم باستخدام القسمة المطولة :

1) $(x^2 - 6x + 8) \div (x - 2)$

$$\begin{array}{r} x-2 \overline{) x^2 - 6x + 8} \\ \underline{-(x^2 - 2x)} \\ -4x + 8 \\ \underline{-(4x - 8)} \\ 0 \\ 0 \end{array}$$

2) $(x^4 - 3x^3 - 7x - 14) \div (x - 4)$

$$\begin{array}{r} x^3 + x^2 + 4x + 9 \\ x-4 \overline{) x^4 - 3x^3 + 0x^2 - 7x - 14} \\ \underline{-(x^4 - 4x^3)} \\ 3x^3 + 0x^2 - 7x - 14 \\ \underline{-(3x^3 - 12x^2)} \\ 12x^2 - 7x - 14 \\ \underline{-(12x^2 - 48x)} \\ 41x - 14 \\ \underline{-(41x - 164)} \\ 150 \end{array}$$

22

أقسم باستخدام القسمة التركيبية :

1) $(x^3 - 4x^2 + 3x + 2) \div (x - 3)$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 1 \quad -4 \quad 3 \quad 2} \\ \underline{3 \quad -3} \\ 1 \quad -1 \quad 0 \quad 2 \end{array}$$

$$= x^2 - x + \frac{2}{x-3}$$

2) $(x^3 + 2x - 1) \div (x - 2)$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 1 \quad 0 \quad 2 \quad -1} \\ \underline{2 \quad 4 \quad 12} \\ 1 \quad 2 \quad 6 \quad 11 \end{array}$$

$$= x^2 + 2x + 6 + \frac{11}{x-2}$$

أوجد باقي قسمة $(x^3 - 3x^2 + 8) \div (x + 2)$

$$\begin{array}{r} -2 \overline{) 1 \quad -3 \quad 0 \quad 8} \\ \underline{-2 \quad 10 \quad -20} \\ 1 \quad -5 \quad 10 \quad -12 \end{array}$$

باقي القسمة هو -12

حدد ان كانت $(x+3)$ عاملاً من عوامل

$$P(x) = x^3 + 2x^2 - 5$$

$$\begin{array}{r} -3 \overline{) 1 \quad 2 \quad 0 \quad -5} \\ \underline{-3 \quad 3 \quad -9} \\ 1 \quad -1 \quad 3 \quad -14 \end{array}$$

$(x+3)$ ليس عاملاً من عوامل
 $P(x) = x^3 + 2x^2 - 5$

أستخدم القسمة التركيبية لإيجاد قيمة كثيرة الحدود عند القيمة المعطاة :

$x = -8$ عند $P(x) = x^2 - x - 30$ $\begin{array}{r rrr} -8 & 1 & -1 & -30 \\ & & -8 & 72 \\ \hline & 1 & -9 & 42 \end{array}$ $P(-8) = 42$	$x = 3$ عند $P(x) = x^3 - 4x^2 + 5x + 1$ $\begin{array}{r rrrr} 3 & 1 & -4 & 5 & 1 \\ & & 3 & -3 & 6 \\ \hline & 1 & -1 & 2 & 7 \end{array}$ $P(3) = 7$
--	--

تحليل كثيرات الحدود

حل كل تعبير:

1) $x^3 + 5x^2 - 4x - 20$ $(x^3 + 5x^2) - (4x + 20)$ $x^2(x + 5) - 4(x + 5)$ $(x + 5)(x^2 - 4)$ $(x + 5)(x - 2)(x + 2)$	2) $2x^3 - 3x^2 - 2x + 3$ $(2x^3 - 3x^2) - (2x - 3)$ $x^2(2x - 3) - (2x - 3)$ $(2x - 3)(x^2 - 1)$ $(2x - 3)(x - 1)(x + 1)$
3) $8 + x^3$ $(2 + x)(4 - 2x + x^2)$	4) $4m^5 - 32m^2$ $4m^2(m^3 - 8)$ $4m^2(m - 2)(m^2 + 2m + 4)$

5) $x^6 - 14x^4 + 49x^2$ $x^2(x^4 - 14x^2 + 49)$ $x^2(x^2 - 7)(x^2 - 7)$	6) $24y^2 + 3y^5$ $3y^2(8 + y^3)$ $3y^2(2 + y)(4 - 2y + y^2)$
--	---

$$7) 16 - x^4$$

$$(4 - x^2)(4 + x^2)$$

$$(2 - x)(2 + x)(4 + x^2)$$

$$8) x^{13} - 15x^9 - 16x^5$$

$$x^5(x^8 - 15x^4 - 16)$$

$$x^5(x^4 - 16)(x^4 + 1)$$

$$x^5(x^2 - 4)(x^2 + 4)(x^4 + 1)$$

$$x^5(x - 2)(x + 2)(x^2 + 4)(x^4 + 1)$$

حل تمارين على معادلات كثيرات الحدود

حل كل معادلة حدودية بالتحليل

$$2x^4 + 16x^3 + 32x^2 = 0$$

$$2x^2(x^2 + 8x + 16) = 0$$

$$2x^2(x + 4)(x + 4) = 0$$

$$2x^2 = 0 \longrightarrow x = 0$$

$$x + 4 = 0 \longrightarrow x = -4$$

$$x + 4 = 0 \longrightarrow x = -4$$

جذور المعادلة هي

$$0, -4, -4$$

$$2x^3 - 12x^2 = 32x - 192$$

$$2x^3 - 12x^2 - 32x + 192 = 0$$

$$(2x^3 - 32x) - (12x^2 - 192) = 0$$

$$2x(x^2 - 16) - 12(x^2 - 16) = 0$$

$$(2x - 12)(x^2 - 16) = 0$$

$$2(x - 6)(x - 4)(x + 4)$$

جذور المعادلة هي

$$6, 4, -4$$

أكتب جميع الأعداد التي تحددها مبرهنة الصفر النسبي لكل دالة .

$$F(x) = 2x^4 - 6x^3 - 6x^2 + 14x + 12$$

إذا كان $\frac{p}{q}$ صفاً نسبياً فإن p آخر

عوامل 12 6 9 واحد عوامل العدد 2

$$p = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 12$$

$$q = \pm 1, \pm 2$$

$$\frac{p}{q} = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 12$$

$$, \pm \frac{3}{2}, \pm \frac{1}{2}$$

$$f(x) = 3x^5 - 12x^4 + 3x^3 + 30x^2 - 12x - 24$$

$$p = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 8, \pm 12, \pm 24$$

$$q = \pm 1, \pm 3$$

$$\frac{p}{q} = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 4, \pm 6, \pm 8, \pm 12, \pm 24, \pm \frac{2}{3}, \pm \frac{4}{3}, \pm \frac{8}{3}$$

الدوال الحدودية

حدد المعامل الرئيسي والدرجة والسلوك الطرفي .

$$P(x) = -4x^4 - 3x^3 + x^2 + 4$$

المعامل الرئيسي هو -4 سالب
الدرجة الرابعة زوجية
 $x \rightarrow \pm\infty$ $P \rightarrow -\infty$

$$S(x) = 3x^2 + 6x - 10$$

المعامل الرئيسي هو 3 موجب
الدرجة : الثانية زوجية
 $x \rightarrow \pm\infty$ $S \rightarrow +\infty$

أنشئ الرسم البياني للدالة $f(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ علماً بأن $x = 3$ أحد أصفار الدالة

الحل

بما ان $x=3$ صفر من اصفار الدالة فإن $(x-3)$ عامل من عوامل الدالة

نستخدم القسمة التركيبية لقسمة $f(x)$ على $(x-3)$.

$$\begin{array}{r|rrrr} 3 & 1 & -2 & -5 & 6 \\ & & 3 & 3 & -6 \\ \hline & 1 & 1 & -2 & 0 \end{array}$$

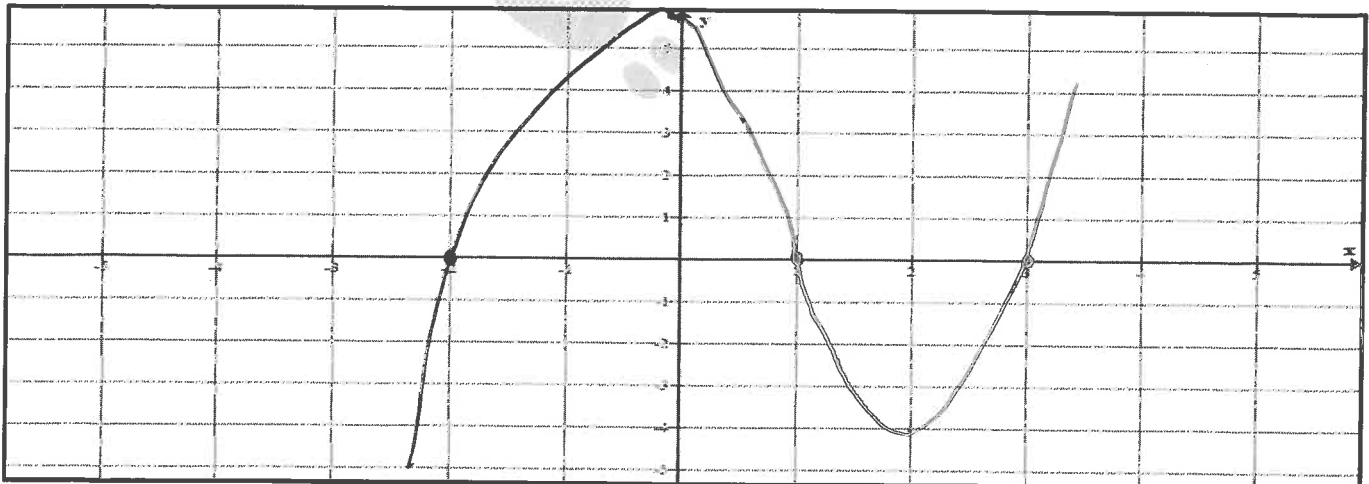
$$F(x) = (x-3) \cdot (x^2 + x - 2) \dots$$

$$F(x) = (x-3) \cdot (x+2) \cdot (x-1)$$

أصفار الدالة هي : $x = 3, x = -2, x = 1$

نعين نقاط أخرى اضافية

x	0	2	-1
F(x)	6	-4	8



تحويل الدوال الحدودية

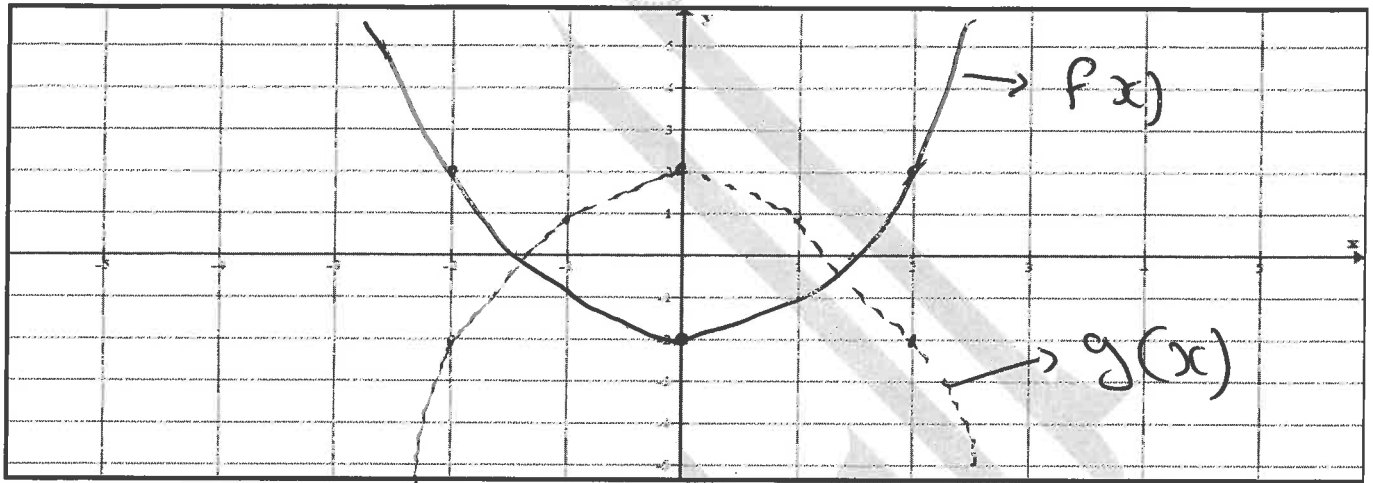
اكتب الدالة الناتجة من تحويل الدالة $f(x) = x^2 - 2$ في كل حالة

انعكاس حول المحور x

$$g(x) = -f(x)$$

$$g(x) = -(x^2 - 2)$$

$$g(x) = -x^2 + 2$$



انعكاس حول المحور y

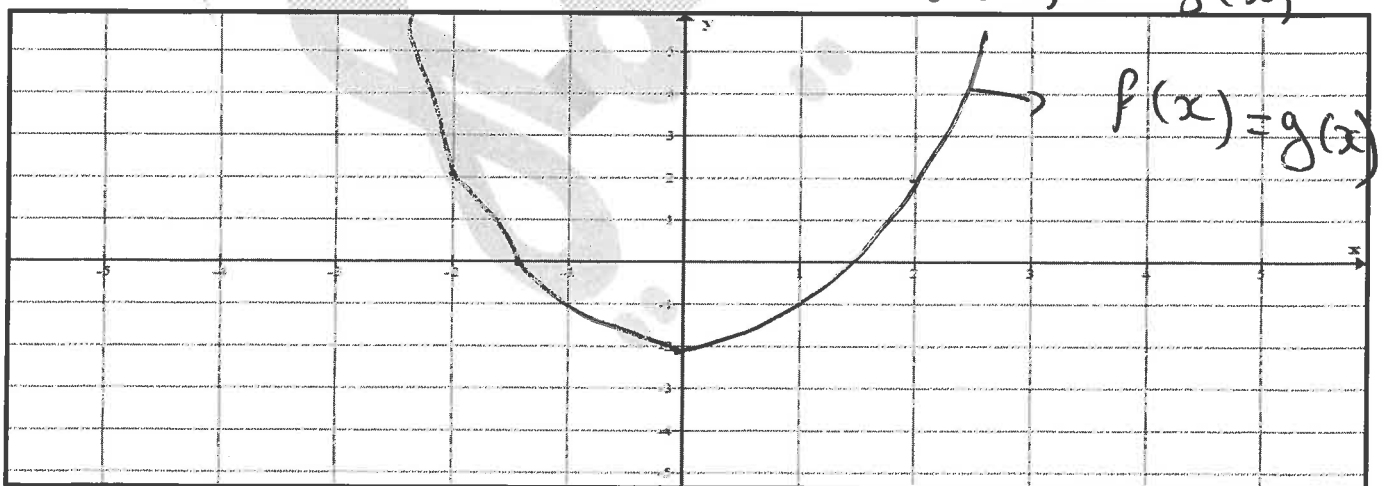
$$g(x) = f(-x)$$

$$g(x) = (-x)^2 - 2$$

$$g(x) = x^2 - 2$$

نلاحظ أن

$$f(x) = g(x)$$



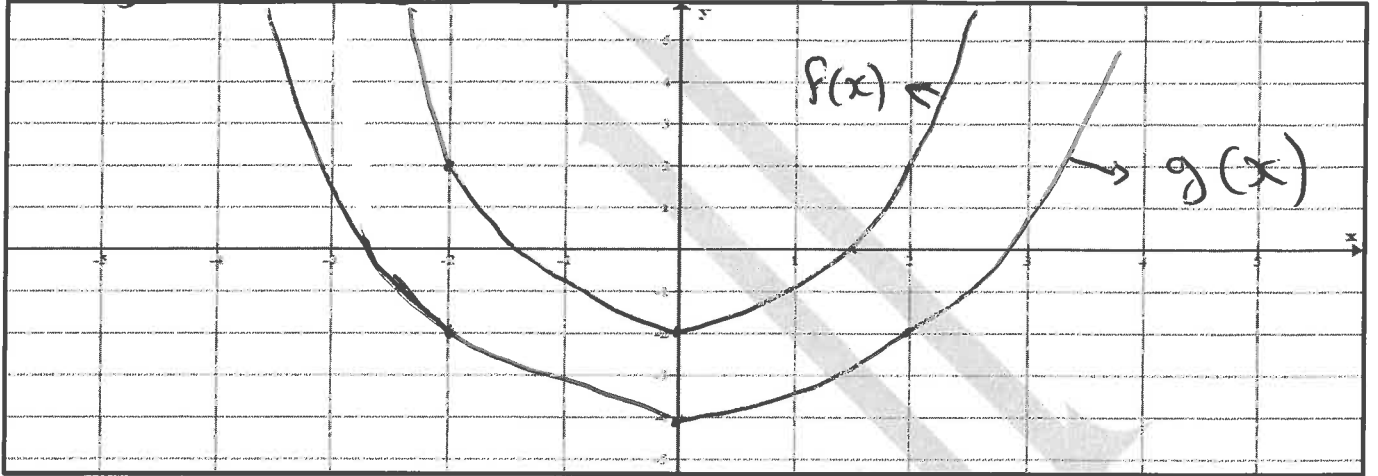
انكماش رأسي بمعامل $\frac{1}{2}$ وإزاحة 3 وحدات لأسفل

$$g(x) = \frac{1}{2} f(x) - 3$$

$$g(x) = \frac{1}{2}(x^2 - 2) - 3$$

$$g(x) = \frac{1}{2}x^2 - 1 - 3$$

$$g(x) = \frac{1}{2}x^2 - 4$$



دوال التغير

إذا كانت y تتغير طردياً بتغير x وكانت $y=6$ عندما كانت $x=3$ أكتب دالة التغير

$$y = kx$$

$$6 = k \times 3$$

$$k = 2$$

$$y = 2x$$

دالة التغير

إذا كانت y تتغير عكسياً بتغير x وكانت $y=8$ عندما كانت $x=4$ أكتب دالة التغير

$$y = \frac{k}{x}$$

$$8 = \frac{k}{4}$$

$$k = 8 \times 4$$

$$k = 32$$

$$y = \frac{32}{x}$$

دالة التغير

حدد إن كانت كل مجموعة بيانات تمثل تغيراً طردياً أو تغيراً عكسياً أو ليس أي منهما

x	2	5	9
y	3	6	4

ليس تغير طردي
وإنه تغير عكسي

x	6	4	1
y	2	3	12

تغير عكسي
ثابت $xy = 12$

13

x	24	4	12
y	30	5	15

تغير طردي
ثابت $\frac{y}{x} = 1.25$

يتغير الحجم V المنشور قاعدته على شكل مستطيل له ارتفاع معين تغيراً تألفياً بتغير طوله l وعرضه w . إذا كان $V = 224 \text{ dm}^3$ عندما $l = 8 \text{ dm}$ و $w = 4 \text{ dm}$. أجد l إذا كان $V = 210 \text{ dm}^3$ و $w = 5 \text{ dm}$.

$$V = K \cdot l \cdot w$$

$$224 = K \cdot 8 \cdot 4$$

$$224 = 32K$$

$$K = \frac{224}{32}$$

$$K = 7$$

$$V = 7 \cdot l \cdot w \rightarrow \text{دالة التغير}$$

$$210 = 7 \cdot l \cdot 5$$

$$210 = 35 \cdot l$$

$$l = \frac{210}{35}$$

$$l = 6 \text{ dm}$$

الزمن t الذي يلزم مندوب مبيعات لقطع مسافة معينة d يتغير عكسياً بتغير معدل السرعة v . يلزم المندوب 4.75 h للسفر بين مدينتين بسرعة 60 km/h . كم يلزمه من الزمن إذا كانت سرعته 50 km/h ؟

$$t = \frac{K}{v}$$

$$K = t \cdot v$$

$$K = 4.75 \times 60$$

$$K = 285$$

$$t = \frac{285}{v}$$

$$\rightarrow \text{دالة التغير}$$

$$t = \frac{285}{50}$$

$$t = 5.7 \text{ h}$$

ضرب التعابير النسبية وقسمتها

أكتب في أبسط صورة.

$$\frac{x^2+4x+3}{x^2-x-2}$$

$$\frac{(x+3)(x+1)}{(x-2)(x+1)}$$

$$= \frac{x+3}{x-2}$$

التعبير يعرف عند

$$x = 2 \text{ و } x = -1$$

$$\frac{x-1}{x+5} \div \frac{x+6}{x-3}$$

$$\frac{x-1}{x+5} \times \frac{x-3}{x+6}$$

$$\frac{(x-1)(x-3)}{(x+5)(x+6)}$$

$$\frac{(x-1)(x-3)}{(x+5)(x+6)}$$

أضرب . افترض أن جميع التعابير معرفة

$$1) \frac{x^2 y}{4xy} \times \frac{x}{6} \times \frac{3y^5}{x^4}$$

$$= \frac{3x^3 y^6}{24x^5 y}$$

$$= \frac{y^5}{8x^2}$$

$$2) \frac{x^2-2x-8}{9x^2-16} \times \frac{3x^2+10x+8}{x^2-16}$$

$$\frac{(x-4)(x+2)}{(3x-4)(3x+4)} \times \frac{(3x+4)(x+2)}{(x-4)(x+4)}$$

$$= \frac{(x+2)(x+2)}{(3x-4)(x+4)}$$

أقسم . أفترض أن جميع التعبيرات معرفة

$$\frac{x^2 - 4x + 3}{2x^3 - 18x} \div \frac{x^2 - 1}{5x^2 + 15x}$$

$$\frac{(x-3)(x-1)}{2x(x^2-9)} \times \frac{5x^2+15x}{x^2-1}$$

$$\frac{(x-3)(x-1)}{2x(x-3)(x+3)} \times \frac{5x(x+3)}{(x-1)(x+1)}$$

$$= \frac{5}{2(x+1)}$$

$$\frac{x^2 - 25}{2x^2 + 5x - 12} \div \frac{x^2 - 3x - 10}{x^2 + 9x + 20}$$

$$\frac{(x-5)(x+5)}{(2x-3)(x+4)} \times \frac{x^2+9x+20}{x^2-3x-10}$$

$$\frac{(x-5)(x+5)}{(2x-3)(x+4)} \times \frac{(x+4)(x+5)}{(x-5)(x+2)}$$

$$\frac{(x+5)(x+5)}{(2x-3)(x+2)}$$

جمع التعبيرات النسبية وطرحها

أجمع أو اطرح كل من التعبيرات النسبية الآتية

$$\frac{x}{x+3} + \frac{-18}{x^2-9}$$

$$\frac{x}{x+3} + \frac{-18}{(x-3)(x+3)}$$

$$\frac{x}{(x+3)} \left(\frac{x-3}{x-3} \right) + \frac{-18}{(x-3)(x+3)}$$

$$\frac{x(x-3) - 18}{(x+3)(x-3)}$$

$$= \frac{x^2 - 3x - 18}{(x+3)(x-3)}$$

$$= \frac{(x-6)(x+3)}{(x+3)(x-3)}$$

$$= \frac{x-6}{x-3}$$

$$\frac{2x^2-16}{x^2-4} - \frac{x+4}{x+2}$$

$$\frac{2x^2-16}{(x-2)(x+2)} - \frac{x+4}{x+2} \left(\frac{x-2}{x-2} \right)$$

$$= \frac{2x^2-16 - (x+4)(x-2)}{(x-2)(x+2)}$$

$$= \frac{2x^2-16 - (x^2+2x-8)}{(x-2)(x+2)}$$

$$= \frac{2x^2-16-x^2-2x+8}{(x-2)(x+2)}$$

$$= \frac{x^2-2x-8}{(x-2)(x+2)} = \frac{(x-4)(x+2)}{(x-2)(x+2)}$$

$$= \frac{x-4}{x-2}$$

التعبير يعرف عند $x=2$ و $x=-2$

التعبير يعرف عند $x=3$ و $x=-3$

حل المعادلات والمتباينات النسبية

حل كل المعادلة محددا الحل العرضية

$$m + \frac{12}{m} = 7$$

$$m(m) + \frac{12}{\cancel{m}} (\cancel{m}) = 7(m)$$

$$m^2 + 12 = 7m$$

$$m^2 - 7m + 12 = 0$$

$$(m-4)(m-3) = 0$$

$$m = 4$$

الحقق

$$4 + \frac{12}{4} = 7$$

✓

$$m = 3$$

الحقق

$$3 + \frac{12}{3} = 7$$

✓

$$\frac{-2x}{x+2} + \frac{x}{3} = \frac{4}{x+2}$$

$$\frac{-2x}{\cancel{x+2}} 3(\cancel{x+2}) + \frac{x}{3} 3(\cancel{x+2}) = \frac{4}{\cancel{x+2}} 3(\cancel{x+2})$$

$$-2x(3) + x(x+2) = 4(3)$$

$$-6x + x^2 + 2x = 12$$

$$x^2 - 4x - 12 = 0$$

$$(x-6)(x+2) = 0$$

$$x = 6$$

الحقق

✓

$$x = -2$$

الحقق

X

حل كل متباينة

$$\frac{9}{x-4} \geq -6$$

$$\frac{9}{x-4} = -6$$

$$\frac{9}{(\cancel{x-4})} (\cancel{x-4}) = -6(x-4)$$

$$9 = -6x + 24$$

$$-6x + 15 = 0$$

$$-3(2x - 5) = 0$$

$$2x - 5 = 0$$

$$x = \frac{5}{2}$$

$$\checkmark \quad \frac{5}{2} \quad X \quad 4 \quad \checkmark$$

$$x \leq \frac{5}{2} \text{ or } x > 4$$

$$\frac{9}{x+10} > 3$$

$$\frac{9}{x+10} = 3$$

$$\frac{9}{(\cancel{x+10})} (\cancel{x+10}) = 3(x+10)$$

$$9 = 3x + 30$$

$$3x + 21 = 0$$

$$3(x+7) = 0$$

$$x = -7$$

$$X \quad -10 \quad \checkmark \quad -7 \quad X$$

$$-10 < x < -7$$